

CLASSE : Terminale

EXERCICE B : au choix du candidat (10 points)

VOIE : Générale

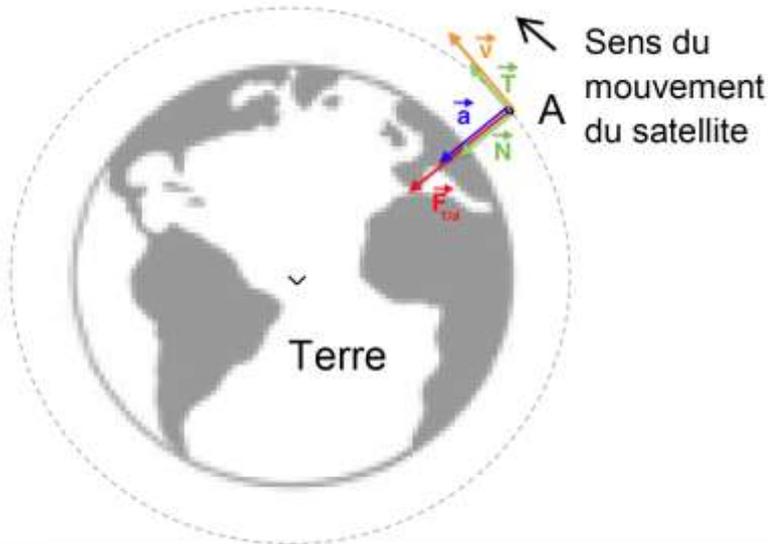
ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ: Sciences de l'ingénieur- Partie Sciences physiques

DURÉE DE L'EXERCICE : 30 min

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui « type collège »

EXERCICE B – Embouteillages et collisions dans l'espace (10 points)

1.



2.

Système : débris

Référentiel : Géocentrique supposé galiléen

D'après la 2nd loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$$

$$\vec{F}_{T/d} = m\vec{a}$$

$$G \times \frac{m \times M_T}{R^2} \vec{N} = m\vec{a}$$

$$\vec{a} = G \times \frac{M_T}{R^2} \vec{n}$$

Or, pour un mouvement circulaire, dans la base de Frenet, le vecteur accélération est de la forme:

$$\vec{a} = \frac{v^2}{R} \vec{N} + \frac{dv}{dt} \vec{T}$$

L'accélération étant unique, par identification :

➤ $\frac{dv}{dt} = 0$, la vitesse du débris est constante.

➤ $\frac{v^2}{R} = G \times \frac{M_T}{R^2}$

donc

$$v = \sqrt{\frac{G \times M_T}{R}}$$

3.

$$v = \sqrt{\frac{G \times M_T}{R}}$$

$$R = R_T + h$$

$$v = \sqrt{\frac{G \times M_T}{R_T + h}}$$

$$v = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \times 5,97 \cdot 10^{24}}{6371 \cdot 10^3 + 1000 \cdot 10^3}}$$

$$v = 7,35 \cdot 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$v = 7,3 \cdot 10^3 \times 3,6 = 2,65 \cdot 10^4 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$$

« À 1 000 km d'altitude, un objet se déplace à 30 000 km.h⁻¹ »

L'ordre de grandeur est le même, cependant la valeur trouvée est inférieure à celle donnée par le texte. L'écart peut être expliqué :

- Nous avons supposé que l'orbite est circulaire alors qu'elle est elliptique.
- La valeur donnée par le texte a certainement été arrondie par soucis de simplification.

4.

Le débris a une énergie cinétique équivalente à celle d'une boule de masse $m_B = 3,5 \text{ kg}$ animée d'une vitesse v_B

$$E_c(\text{boule}) = E_c(\text{débris})$$

$$\frac{1}{2} m_B v_B^2 = \frac{1}{2} m_{\text{débris}} v_{\text{débris}}^2$$

$$m_B v_B^2 = m_{\text{débris}} v_{\text{débris}}^2$$

Avec : $m_{\text{débris}} = \rho_{\text{débris}} \times V_{\text{débris}}$

$$m_B v_B^2 = \rho_{\text{débris}} \times V_{\text{débris}} v_{\text{débris}}^2$$

$$v_B^2 = \frac{\rho_{\text{débris}} \times V_{\text{débris}}}{m_B} v_{\text{débris}}^2$$

$$v_B = \sqrt{\frac{\rho_{\text{débris}} \times V_{\text{débris}}}{m_B} v_{\text{débris}}^2}$$

$$v_B = v_{\text{débris}} \times \sqrt{\frac{\rho_{\text{débris}} \times V_{\text{débris}}}{m_B}}$$

« Le candidat est invité à prendre des initiatives, notamment sur les valeurs numériques éventuellement manquantes ». La valeur de la masse volumique du fer n'est pas donnée, prenons

$$\rho_{\text{débris}} = 7,5 \cdot 10^3 \text{ Kg} \cdot \text{m}^{-3}$$

$$v_B = 30 \cdot 10^3 \times \sqrt{\frac{7,5 \cdot 10^3 \times 5 \cdot 10^{-9}}{3,5}}$$

$$v_B = 98 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$$

Sur l'indication de l'infographie $v = 100 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$.

Cette valeur et la valeur trouvée sont identiques.



5.

La voile augmente la force de frottement ce qui permet de freiner le satellite. L'altitude de celui-ci diminuant, la force de frottement augmente de plus en plus : son retour sur Terre, est ainsi plus rapide.