

CLASSE : Terminale

VOIE : Générale

DURÉE DE L'EXERCICE : 1h45

EXERCICE 1 : commun à tous les candidats (10 points)

ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ: PHYSIQUE-CHIMIE

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui « type collègue »

EXERCICE 1 commun à tous les candidats

MISSIONS SUR LA LUNE (10 points)

1.

1.1.

Calculons la durée d'un tour :

La période de révolution est :

$$T = \frac{\text{Périmètre d'un cercle}}{\text{vitesse}} = \frac{2\pi R}{v}$$

$$T = \frac{2\pi \times 6,56 \cdot 10^3 \times 10^3}{7,79 \cdot 10^3}$$

$$T = 5,29 \cdot 10^3 \text{ s}$$

D'après le texte : « Le vaisseau Apollo 11 qui effectue alors 1,5 tour autour de la Terre »

$$\Delta t = 1,5 \times T = 1,5 \times 5,29 \cdot 10^3$$

$$\Delta t = 7,94 \cdot 10^3 \text{ s}$$

$$\Delta t = 2 \text{ h } 12 \text{ min}$$

1.2.

1.2.1.

$$E_C = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_C = \frac{1}{2} \times 4,50 \cdot 10^4 \times (7,79 \cdot 10^3)^2$$

$$E_C = 1,37 \cdot 10^{12} \text{ J}$$

1.2.2.

$$E_m = E_p + E_C$$

$$E_m = -2,74 \cdot 10^{12} + 1,37 \cdot 10^{12}$$

$$E_m = -1,37 \cdot 10^{12} \text{ J}$$

1.3

1.3.1.

L'énergie mécanique en orbite correspond à la somme de l'énergie mécanique avant le décollage et de l'énergie fournie

$$E_m = E_{m0} + E_{\text{fournie}}$$

$$E_{\text{fournie}} = E_m - E_{m0}$$

$$E_{\text{fournie}} = -1,37 \cdot 10^{12} - (-2,81 \cdot 10^{12})$$

$$E_{\text{fournie}} = 1,44 \cdot 10^{12} \text{ J}$$

1.3.2.

$$E_C = \frac{1}{2} m v^2$$

Dans le référentiel géocentrique, la vitesse du vaisseau n'est pas nulle car la terre tourne sur elle même. Ainsi son énergie cinétique n'est pas nulle dans le référentiel géocentrique.

2.

2.1.

Système : vaisseau

Référentiel : Lunocentrique supposé galiléen

D'après la 2nd loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = M_S \vec{a}$$

$$\vec{F}_{L/S} = M_S \vec{a}_G$$

$$G \cdot \frac{M_S \times M_L}{(R_L + h_L)^2} \vec{n} = M_S \vec{a}$$

$$\vec{a} = G \cdot \frac{M_L}{(R_L + h_L)^2} \vec{n}$$

2.2.

Pour un mouvement circulaire, dans le repère de Frenet, le vecteur accélération est de la forme:

$$\vec{a} = \frac{v^2}{R_L + h_L} \vec{n} + \frac{dv}{dt} \vec{T}$$

$$\vec{a}_G = \frac{v^2}{R_L + h_L} \vec{n} + \frac{dv}{dt} \vec{T}$$

$$\vec{a} = G \cdot \frac{M_L}{(R_L + h_L)^2} \vec{n} \text{ (Question 2.1.)}$$

L'accélération étant unique, par identification :

1) $\frac{dv}{dt} = 0$ donc la vitesse est constante.

2) $\frac{v^2}{R_L + h_L} = G \cdot \frac{M_L}{(R_L + h_L)^2}$

$$v^2 = G \cdot \frac{M_L}{(R_L + h_L)^2} \times (R_L + h_L)$$

$$v^2 = G \cdot \frac{M_L}{(R_L + h_L)}$$

$$v = \sqrt{\frac{G \times M_L}{(R_L + h_L)}}$$

2.3.

La période de révolution est :

$$T = \frac{\text{Périmètre d'un cercle}}{\text{vitesse}} = \frac{2\pi(R_L + h_L)}{v} = \frac{2\pi(R_L + h_L)}{\sqrt{\frac{G \times M_L}{(R_L + h_L)}}} = 2\pi(R_L + h_L) \sqrt{\frac{(R_L + h_L)}{G \times M_L}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_L + h_L)^3}{G \times M_L}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(1,73 \cdot 10^3 + 110 \cdot 10^3)^3}{6,67 \cdot 10^{-11} \times 7,34 \cdot 10^{22}}}$$

$$T = 7,09 \cdot 10^3 \text{ s}$$

$$T = 2 \text{ h}$$

Les deux astronautes restent 21 h et 36 min sur le sol lunaire.

$$N = \frac{21 \times 3600 + 36 \times 60}{7,09 \cdot 10^3}$$

$$N = 11 \text{ tours}$$

3.

3.1.

Modélisation numérique obtenue à partir des positions de John Young

$$y(t) = -0,86t^2 + 1,4t$$

Or

$$v_y(t) = \frac{dy(t)}{dt}$$

$$v_y(t) = -0,86 \times 2t + 1,4$$

$$v_y(t) = -1,72t + 1,4$$

Calculons la valeur de la vitesse initiale :

$$v_{0y} = v_y(t = 0) = -1,72 \times 0 + 1,4$$

$$v_{0y} = 1,4 \text{ m. s}^{-1}$$

3.2.

Système {John Young}

Référentiel sol de la lune supposé galiléen

D'après la deuxième loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} = m\vec{a}$$

$$m\vec{g}_L = m\vec{a}$$

$$\vec{g}_L = \vec{a}$$

Le vecteur accélération du centre d'inertie du solide est égal au vecteur champ de pesanteur.

Projetons sur l'axe Oy :

$$g_y = -g_L$$

$$a_y(t) = -g_L$$

Or

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

On intègre l'accélération :

$$v_y(t) = -g_L t + C_1$$

Pour trouver C_1 , on utilise v_0

$$C_1 = v_0 = v_{0y}$$

d'où

$$v_y(t) = -g_L t + v_{0y}$$

Or

$$v_y(t) = -1,72t + 1,4 \text{ (question 3.1.)}$$

Par identification

$$-g_L t = -1,72t$$

$$g_L = 1,72 \text{ m. s}^{-2}$$

3.3.

1) Calculons la hauteur du saut :

Tout d'abord, trouvons le temps pour lequel il arrive au sommet.

Lorsque John Young, arrive au sommet du saut, sa vitesse sur l'axe y s'annule. Ainsi

$$v_{y(t)} = -g_T t_{\text{sommet}} + v_{0y} = 0$$

$$-g_T t_{\text{sommet}} + v_{0y} = 0$$

$$-g_T t_{\text{sommet}} = -v_{0y}$$

$$t_{\text{sommet}} = \frac{-v_{0y}}{-g_T}$$

$$t_{\text{sommet}} = \frac{v_{0y}}{g_T}$$

$$t_{\text{sommet}} = \frac{1,4}{9,8}$$

$$t_{\text{sommet}} = 0,14\text{s}$$

Trouvons maintenant la hauteur du saut :

$$v_{y(t)} = -g_T t + v_{0y}$$

Or

$$\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt}$$

On intègre la vitesse :

$$y(t) = -\frac{1}{2} g_T t^2 + v_{0y} t + y_0$$

$$\text{Or } y_0 = 0$$

D'où

$$y(t) = -\frac{1}{2} g_T t^2 + v_{0y} t$$

$$h = y(t_{\text{sommet}}) = -\frac{1}{2} \times 9,8 \times 0,14^2 + 1,4 \times 0,14$$

$$h = 1,0 \cdot 10^{-1} \text{m}$$

La hauteur n'est que de 10 cm.

2) Calculons la durée du saut :

La durée du saut est le temps pour lequel il touche le sol.

Lorsqu'il touche le sol : $y(t_{\text{sol}}) = 0$

$$y(t_{\text{sol}}) = -\frac{1}{2} g_T t_{\text{sol}}^2 + v_{0y} t_{\text{sol}} = 0$$

$$t_{\text{sol}} \left(-\frac{1}{2} g_T t_{\text{sol}} + v_{0y} \right) = 0$$

Un produit de facteur est nul si et seulement si un de ces facteurs est nul :

Soit $t_{\text{sol}} = 0\text{s}$ ce qui correspond au temps de départ

$$\text{Soit } -\frac{1}{2} g_T t_{\text{sol}} + v_{0y} = 0$$

$$-\frac{1}{2} g_T t_{\text{sol}} = -v_{0y}$$

$$t_{\text{sol}} = \frac{2v_{0y}}{g_T}$$

$$t_{\text{sol}} = \frac{2 \times 1,4}{9,8}$$

$$t_{\text{sol}} = 0,29 \text{ s}$$

Le temps du saut est très petit.