

CLASSE : Terminale

VOIE : Générale

DURÉE DE L'ÉPREUVE : 0h53

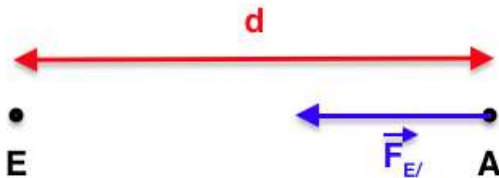
EXERCICE A : au choix du candidat (5 points)

ENSEIGNEMENT : physique-chimie

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui sans mémoire, « type collègue »

EXERCICE A au choix du candidat
Un tracteur gravitationnel pour dévier un astéroïde (5 points)

1.



2.

$$\Delta \vec{v} = \vec{v}_f - \vec{v}_i$$

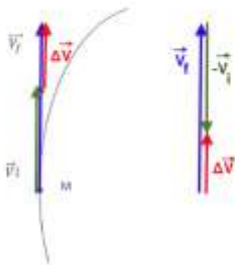


Figure 1. Zoom sur la trajectoire de l'astéroïde

3.

2nd loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \vec{a}$$

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

La force \vec{F} est colinéaire à $\Delta \vec{v}$ or la force est dans la direction de la droite entre les 2 objets (question 1).
Il faut donc mettre l'engin dans la direction de $\Delta \vec{v}$.

4.

$$F_{E/A} = G \times \frac{m \times M}{d^2}$$

$$F_{E/A} = 6,67408 \cdot 10^{-11} \times \frac{5 \cdot 10^3 \times 4 \cdot 10^{10}}{240^2}$$

$$F_{E/A} = 0,2 \text{ N}$$

5.

Système : Apophis

Référentiel : héliocentrique supposé galiléen

d'après la 2nd loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = M \vec{a}$$

$$\vec{F}_{E/A} = M \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\vec{F}_{E/A} = M \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

Projetons :

$$F_{E/A} = M \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$G \times \frac{m \times M}{d^2} = M \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\Delta t = \frac{\Delta v \times d^2}{G \times m}$$

6.

$$\Delta t = \frac{\Delta v \times d^2}{G \times m}$$

$$\Delta t = \frac{2.10^{-6} \times 240^2}{6,67408.10^{-11} \times 5.10^3}$$

$$\Delta t = 3,45.10^5 \text{ s}$$

$$\Delta t = \frac{3.10^5}{24 \times 60 \times 60}$$

$$\Delta t = 4 \text{ jours}$$

7.

Système : Apophis

Référentiel : Héliocentrique supposé galiléen



$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = M \vec{a}$$

$$\vec{F}_{S/A} = M \vec{a}$$

$$G \times \frac{M \times M_s}{R^2} \vec{N} = M \vec{a}$$

$$\vec{a} = G \times \frac{M_s}{R^2} \vec{N}$$

Or, pour un mouvement circulaire, dans la base de Frenet, le vecteur accélération est de la forme:

$$\vec{a} = \frac{v^2}{R} \vec{N} + \frac{dv}{dt} \vec{T}$$

L'accélération étant unique, par identification :

$$\frac{v^2}{R} = G \times \frac{M_s}{R^2}$$

donc

$$v = \sqrt{G \cdot \frac{M_s}{R}}$$

La période de révolution est :

$$T = \frac{\text{circonférence}}{\text{vitesse}}$$

$$T = \frac{2\pi R}{v}$$

$$T = \frac{2\pi R}{\sqrt{G \cdot \frac{M_s}{R}}}$$

$$T = \frac{2\pi R \sqrt{R}}{\sqrt{G \times M_s}}$$

$$T = 2\pi R \sqrt{\frac{R}{G \times M_s}}$$

$$T^2 = 4\pi^2 R^2 \frac{R}{G \times M_s}$$

$$T^2 = 4\pi^2 \frac{R^3}{G \times M_s}$$

$$\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{G \times M_s}$$

On retrouve donc la troisième loi de Kepler :

$$\frac{T^2}{R^3} = \text{constante}$$

8.

$$T' = T + 15 \text{ min}$$

$$T' = 323,442 \times 24 \times 60 + 15 \text{ min}$$

$$T' = 465771 \text{ min}$$

$$T' = 4,65771 \cdot 10^5 \text{ min}$$

9.

D'après la troisième loi de Kepler :

$$\frac{T^2}{R^3} = \text{constante}$$

Donc

$$\frac{T^2}{R^3} = \frac{T'^2}{R'^3}$$

$$R'^3 = R^3 \times \frac{T'^2}{T^2}$$

$$R'^3 = R^3 \times \left(\frac{T'}{T}\right)^2$$

$$R' = \sqrt[3]{R^3 \times \left(\frac{T'}{T}\right)^2}$$

$$R' = R \times \sqrt[3]{\left(\frac{T'}{T}\right)^2}$$

$$R' = 1,37961 \cdot 10^{11} \times \sqrt[3]{\left(\frac{465771}{323,442 \times 24 \times 60}\right)^2}$$

$$R' = 1,37964 \cdot 10^{11} \text{m}$$

$$\Delta R = R' - R$$

$$\Delta R = 1,37964 \cdot 10^{11} - 1,37961 \cdot 10^{11}$$

$$\Delta R = 3 \cdot 10^6 \text{ m}$$