

CLASSE : Terminale

EXERCICE I : au choix du candidat (10 points)

VOIE : Générale

ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ: Sciences de l'ingénieur- Partie Sciences physiques

DURÉE DE L'EXERCICE : 30 min

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui « type collège »

EXERCICE I - VOL DROIT ÉQUILIBRE D'UN PARAPENTISTE (10 points)

1.

$$\overrightarrow{OG} \begin{cases} x(t) = 11,0 \times t \\ y(t) = -1,1 \times t \end{cases}$$

$$\vec{v} = \frac{d\overrightarrow{OG}}{dt}$$

$$\vec{v}(t) \begin{cases} v_x(t) = 11,0 \\ v_y(t) = -1,1 \end{cases}$$

$$v = \sqrt{(v_x(t))^2 + (v_y(t))^2}$$

$$v = \sqrt{(11,0)^2 + (-1,1)^2}$$

$$v = 11 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$v = 40 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$$

2.

$$\overrightarrow{OG} \begin{cases} x(t) = 11,0 \times t \\ y(t) = -1,1 \times t \end{cases}$$

$$x = 11,0 \times t$$

$$11,0 \times t = x$$

$$t = \frac{x}{11,0}$$

$$y(t) = -1,1 \times t$$

$$y(x) = -1,1 \times \frac{x}{11,0}$$

$$y(x) = -0,10 \times x$$

$y(x)$ est une fonction linéaire : c'est une droite. Le mouvement est rectiligne.

De plus, d'après la question 1., la vitesse ne dépend pas du temps : le mouvement est uniforme.

La mouvement est donc rectiligne uniforme.

L'accélération est donc nulle.

3.

$$\tan(\alpha) = \frac{|v_{0y}|}{|v_{0x}|}$$

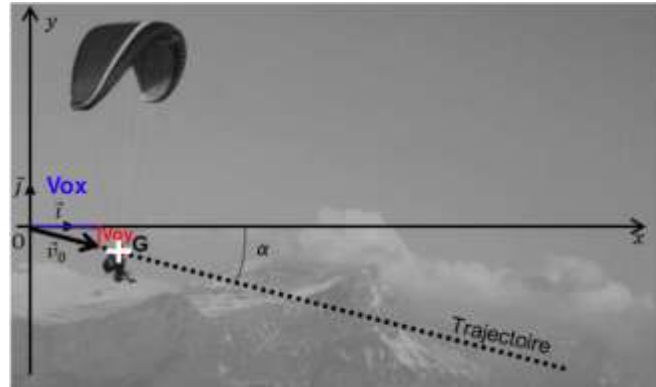
Or la vitesse est constante

$$v_{0y} = v_y \text{ et } v_{0x} = v_x$$

$$\tan(\alpha) = \frac{|v_y|}{|v_x|}$$

$$\tan(\alpha) = \frac{|-1,1|}{|11,0|} = 0,1$$

$$\alpha = \arctan(0,1) = 5,7^\circ$$



4.

Système { pilote + parapente }

Référentiel terrestre supposé galiléen

D'après la deuxième loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{F}_p = m\vec{a}$$

Or l'accélération est donc nulle :

$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{F}_p = \vec{0}$$

Projetons sur l'axe de projection :

$$P_{\text{axe}} - T + 0 = 0$$

$$\sin(\alpha) = \frac{P_{\text{axe}}}{P}$$

$$\frac{P_{\text{axe}}}{P} = \sin(\alpha)$$

$$P_{\text{axe}} = P \times \sin(\alpha)$$

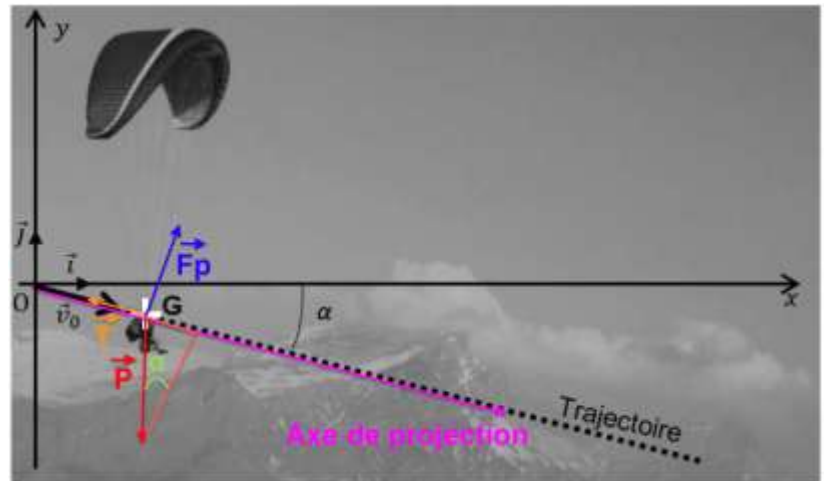
$$P_{\text{axe}} - T = 0$$

$$P \times \sin(\alpha) - T = 0$$

$$m \times g \times \sin(\alpha) - T = 0$$

$$-T = -m \times g \times \sin(\alpha)$$

$$T = m \times g \times \sin(\alpha)$$



5.

$$T = \frac{1}{2} \rho \times v^2 \times S \times C_x$$

$$\frac{1}{2} \rho \times v^2 \times S \times C_x = T$$

$$C_x = \frac{2 \times T}{\rho \times v^2 \times S}$$

$$\text{Or } T = m \times g \times \sin(\alpha)$$

$$C_x = \frac{2 \times m \times g \times \sin(\alpha)}{\rho \times v^2 \times S}$$

Analyse dimensionnelle pour avoir l'unité :

$$[C_x] = \frac{[2] \times [m] \times [g] \times [\sin(\alpha)]}{[\rho] \times [v^2] \times [S]}$$

$$[C_x] = \frac{\text{Kg} \times \text{m} \cdot \text{s}^{-2}}{\text{Kg} \cdot \text{m}^{-3} \times (\text{m} \cdot \text{s}^{-1})^2 \times \text{m}^2}$$

$$[C_x] = \frac{\text{m} \cdot \text{s}^{-2}}{\text{m}^{-3} \times \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2} \times \text{m}^2}$$

$$[C_x] = \frac{\text{m}}{\text{m}}$$

$$[C_x] = \text{sans dimension}$$

$$C_x = \frac{2 \times m \times g \times \sin(\alpha)}{\rho \times v^2 \times S}$$

$$C_x = \frac{2 \times 87,7 \times 9,80 \times \sin(5,7)}{1,14 \times 11^2 \times 22,6}$$

$$C_x = 5,5 \cdot 10^{-2}$$

$$u(C_x) = 2 \times C_x \times \left(\frac{u(v)}{v}\right)$$

$$u(C_x) = 2 \times 5,5 \cdot 10^{-2} \times \left(\frac{1}{11}\right)$$

$$u(C_x) = 1 \cdot 10^{-2}$$

$$C_x = (5 \pm 1) \cdot 10^{-2}$$



6.


$C_x = 0,05$: valeur proche d'un corps profilé.

$$\frac{|C_{x\text{mes}} - C_{x\text{réf}}|}{u(C_x)} = \frac{|0,05 - 0,04|}{0,01} = 1$$

Dans cette étude, le résultat de la mesure sera considéré en accord avec la valeur de référence si ce quotient est inférieur ou égal à 3.

Le résultat de la mesure est donc en accord avec la valeur de référence

Forme	Coefficient de traînée
Corps profilé 	0.04
Semi-corps profilé 	0.09

 Sens du mouvement

Mesures des coefficients de traînée