

CLASSE : Terminale

EXERCICE B : au choix du candidat (5 points)

VOIE : Générale

ENSEIGNEMENT : physique-chimie

DURÉE DE L'ÉPREUVE : 0h53

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui sans mémoire, « type collègue »

EXERCICE B – Accélérateur linéaire Linac2 du CERN (5 points)

1.

1.1.

$$E = \frac{U}{d}$$

$$E = \frac{2,00 \cdot 10^6}{10,0 \cdot 10^{-2}}$$

$$E = 2,00 \cdot 10^7 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1}$$

$$E = 20,0 \text{ MV} \cdot \text{m}^{-1}$$

Echelle 1 cm représente $10 \text{ MV} \cdot \text{m}^{-1}$

On représentera \vec{E} par une flèche de 2,0 cm

$$U = V_1 - V_2 > 0$$

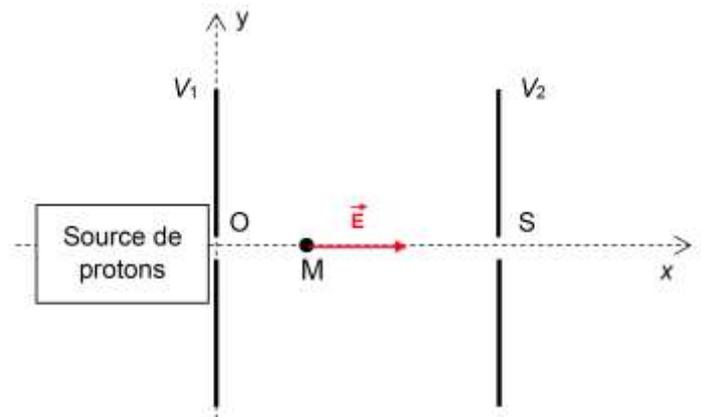
$$V_1 - V_2 > 0$$

$$V_1 > V_2$$

Donc la plaque 1 est positive et la plaque 2 est négative

\vec{E} :

- Direction : perpendiculaire aux plaques
- Sens : de la plaque positive vers la plaque négative
- Valeur : $E = 20,0 \text{ MV} \cdot \text{m}^{-1}$, A l'échelle on représentera \vec{E} par une flèche de 2,0 cm



1.2.

$$F = e \times E$$

$$F = 1,6 \cdot 10^{-19} \times 2,00 \cdot 10^7$$

$$F = 3,2 \cdot 10^{-12} \text{ N}$$

$$P = m_p \times g$$

$$P = 1,67 \cdot 10^{-27} \times 9,81$$

$$P = 1,64 \cdot 10^{-26} \text{ N}$$

Comparons les deux forces :

$$\frac{F}{P} = \frac{3,2 \cdot 10^{-12}}{1,64 \cdot 10^{-26}} = 2,0 \cdot 10^{14}$$

Ainsi, le poids est négligeable devant la force électrique.

1.3.

Système : proton

Référentiel : terrestre supposé galiléen

D'après la seconde loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m_p \vec{a}$$

$$\vec{F} = m_p \vec{a}$$

$$e\vec{E} = m_p \vec{a}$$

$$\vec{a} = \frac{e\vec{E}}{m_p}$$

\vec{E} est un vecteur définie sur l'axe Ox donc \vec{a} également.

De plus, il n'y a pas de vitesse initiale.

Le mouvement du proton dans le condensateur sera rectiligne (sur Ox) accéléré.

1.4.

Théorème de l'énergie cinétique : La variation d'énergie cinétique entre deux points O et S est égale à la somme des travaux des forces:

$$\Delta E_C = \Sigma W_{OS}(\vec{F})$$

$$E_{C \text{ finale}} - E_{C \text{ initiale}} = W_{OS}(\vec{F})$$

$$E_C(S) - E_C(O) = \vec{F} \cdot \vec{OS}$$

$$E_C(S) - E_C(O) = e \times \vec{E} \cdot \vec{OS}$$

$$E_C(S) - E_C(O) = e \times E \times OS \times \cos(\alpha)$$

$$E_C(S) - E_C(O) = e \times E \times d \times 1$$

$$E_C(S) - E_C(O) = e \times \frac{U}{d} \times d$$

$$E_C(S) - E_C(O) = e \times U$$

1.5.

$$\frac{1}{2} \times m_p \times v_S^2 - \frac{1}{2} \times m_p \times v_0^2 = e \times U$$

$$\frac{1}{2} \times m_p \times v_S^2 - 0 = e \times U$$

$$v_S^2 = \frac{2 \times e \times U}{m_p}$$

$$v_S = \sqrt{\frac{2 \times e \times U}{m_p}}$$

$$v_S = \sqrt{\frac{2 \times 1,6 \cdot 10^{-19} \times 2,00 \cdot 10^6}{1,67 \cdot 10^{-27}}}$$

$$v_S = 2,0 \cdot 10^7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Pour une distance parcourue de 10 cm , le proton acquiert une vitesse $v_S = 2,0 \cdot 10^7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. Cette vitesse est très grande.

2.

2.1.

Graphiquement $T = 40 \text{ ns}$

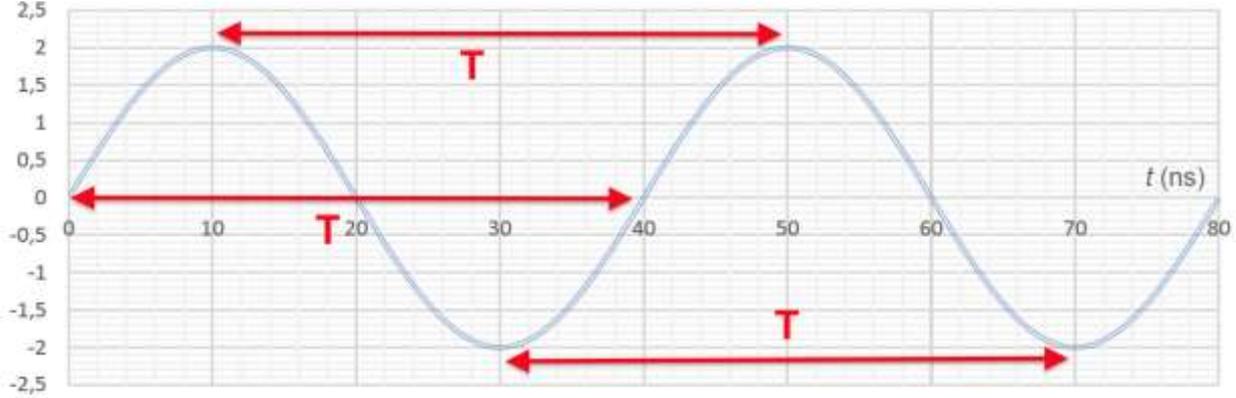


Figure 4. Évolution de la tension électrique $U_a(t)$ délivrée par le générateur.

Pour $t = \frac{T}{4}$

$$t = \frac{40}{4} = 10 \text{ ns}$$

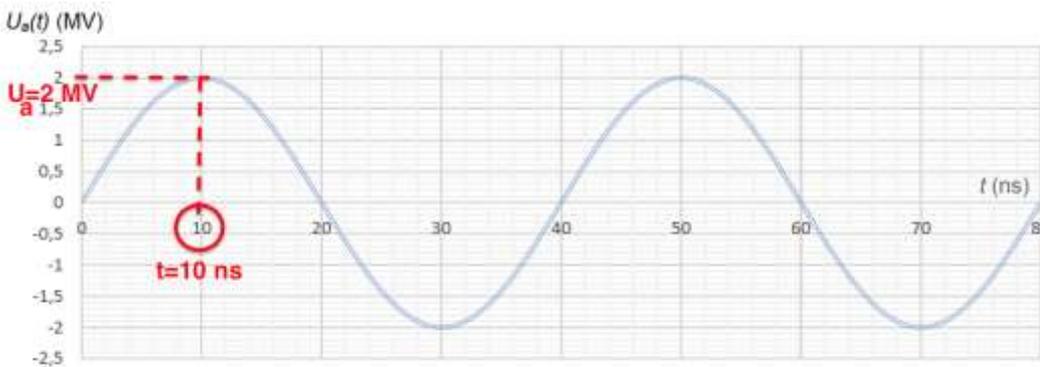


Figure 4. Évolution de la tension électrique $U_a(t)$ délivrée par le générateur.

$U_a = 2 \text{ MV}$ alors $V_A > V_B$

Donc la plaque A est positive et la plaque B est négative

Or \vec{E} :

- Direction : perpendiculaire aux plaques
- Sens : de la plaque positive vers la plaque négative

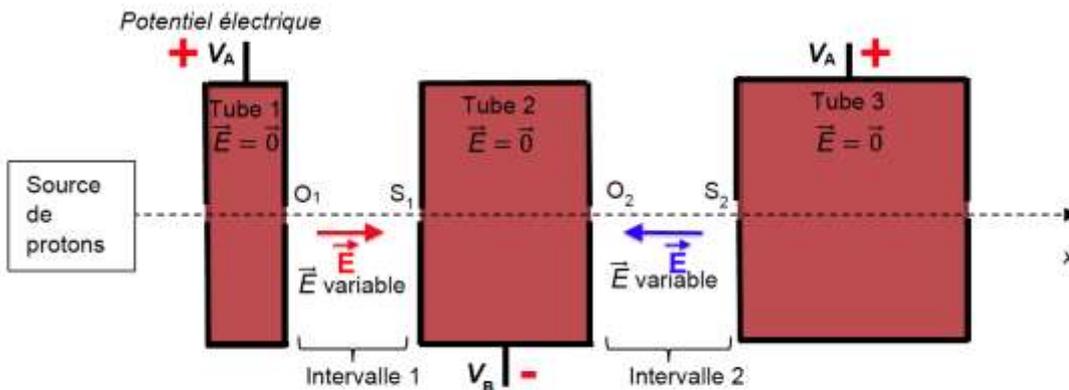


Figure 3. Schéma des deux premiers intervalles (l'échelle n'est pas respectée).

2.2.

$$\text{Pour } t = \frac{3T}{4}$$

$$t = \frac{3 \times 40}{4} = 30 \text{ ns}$$

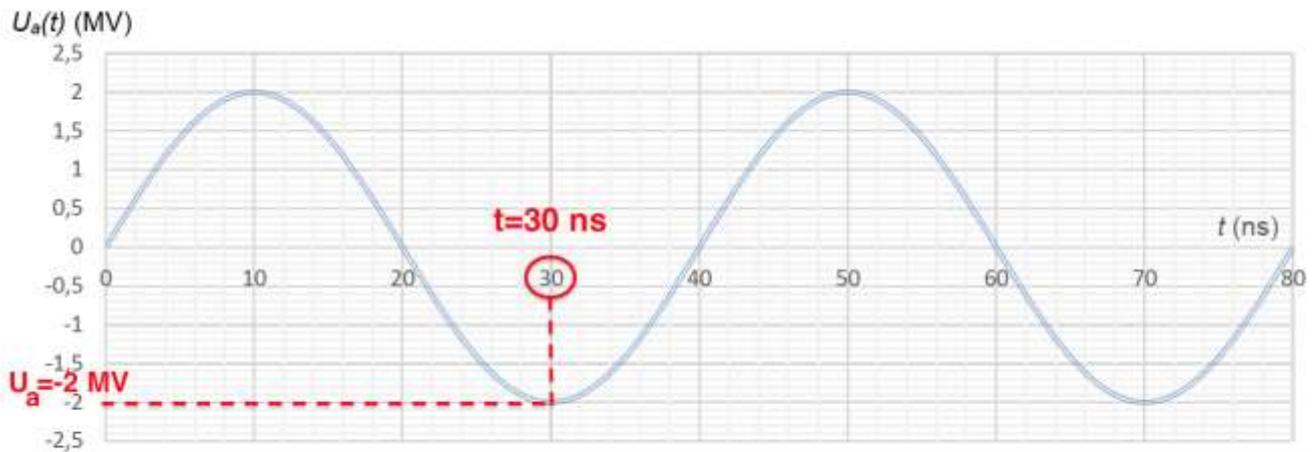


Figure 4. Évolution de la tension électrique $U_a(t)$ délivrée par le générateur.

$$U_a = -2 \text{ MV alors } V_A < V_B$$

Donc la plaque A est négative et la plaque B est positive

Or \vec{E} :

- Direction : perpendiculaire aux plaques
- Sens : de la plaque positive vers la plaque négative

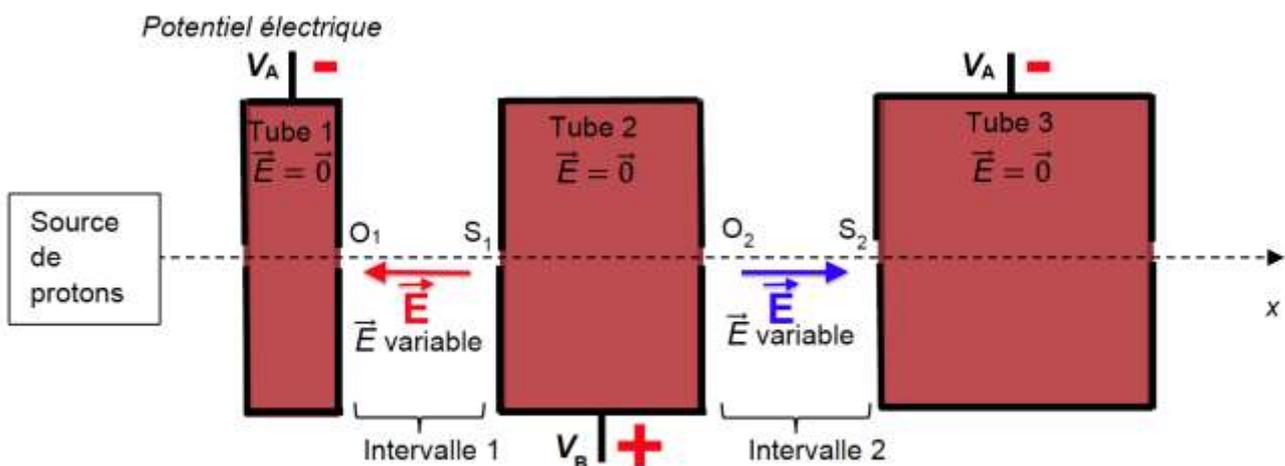


Figure 3. Schéma des deux premiers intervalles (l'échelle n'est pas respectée).

2.3.

Pour être accélérés de manière optimale dans chaque intervalle, il faut \vec{E} soit dans le sens de l'axe Ox.

Pour l'intervalle 1, \vec{E} est dans le sens de l'axe Ox pour $t = \frac{T}{4}$ (Question 2.1.)

Pour l'intervalle 2, \vec{E} est dans le sens de l'axe Ox pour $t = \frac{3T}{4}$ (Question 2.2.)

Le temps pour traverser le tube est :

$$\Delta t = \frac{3T}{4} - \frac{T}{4}$$

$$\Delta t = \frac{2T}{4}$$

$$\Delta t = \frac{T}{2}$$

2.4.

Le temps entre chaque tube est $\Delta t = \frac{T}{2}$ (Question 2.3.).

Or le proton accélère dans chaque intervalle.

D'après le texte : « à l'intérieur des tubes le champ électrique est nul et donc que les particules s'y déplacent à vitesse constante »

$$v = \frac{d}{\Delta t}$$

$$d = v \times \Delta t$$

Δt est constant et v augmente à chaque intervalle ainsi d augmente à chaque tube.