

CLASSE : Terminale

VOIE : Générale

DURÉE DE L'EXERCICE : 1h56

EXERCICE 1 : 11 points

ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ: PHYSIQUE-CHIMIE

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui « type collègue »

EXERCICE 1 Comprendre les nuages

A. Nuage et précipitations

Q.1.

$$P = m \times g$$

Or

$$\rho_{\text{eau}} = \frac{m}{V}$$

$$m = \rho_{\text{eau}} \times V$$

D'où

$$P = \rho_{\text{eau}} \times V \times g$$

Or

$$V = \frac{4}{3} \times \pi \times r^3$$

D'où

$$P = \rho_{\text{eau}} \times \frac{4}{3} \times \pi \times r^3 \times g$$

$$P = 1000 \times \frac{4}{3} \times \pi \times (10 \times 10^{-6})^3 \times 9,8$$

$$P = 4,1 \times 10^{-11} \text{N}$$

Q.2.

$$F = k \times \eta \times r \times v$$

$$F = 18,8 \times 15 \times 10^{-6} \times 10 \times 10^{-6} \times 0,10$$

$$F = 2,8 \times 10^{-10} \text{N}$$

Q.3.

La force verticale descendante à pour valeur $P = 4,1 \times 10^{-11} \text{N}$

La force verticale ascendante à pour valeur $F = 2,8 \times 10^{-10} \text{N} = 28 \times 10^{-11} \text{N}$

La force verticale ascendante est supérieure à la force verticale descendante : la goutte monte.

Q.4.

Pour tomber, il faut que la force verticale descendante P soit supérieure à la force verticale ascendante F :

$$P > F$$

$$\rho_{\text{eau}} \times \frac{4}{3} \times \pi \times r^3 \times g > k \times \eta \times r \times v$$

$$\rho_{\text{eau}} \times \frac{4}{3} \times \pi \times r^2 \times g > k \times \eta \times v$$

$$r^2 > \frac{k \times \eta \times v}{\rho_{\text{eau}} \times \frac{4}{3} \times \pi \times g}$$

$$r > \sqrt{\frac{k \times \eta \times v}{\rho_{\text{eau}} \times \frac{4}{3} \times \pi \times g}}$$

$$r > \sqrt{\frac{18,8 \times 15 \times 10^{-6} \times 0,10}{1000 \times \frac{4}{3} \times \pi \times 9,8}}$$

$$r > 2,6 \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$r > 26 \times 10^{-6} \text{ m}$$

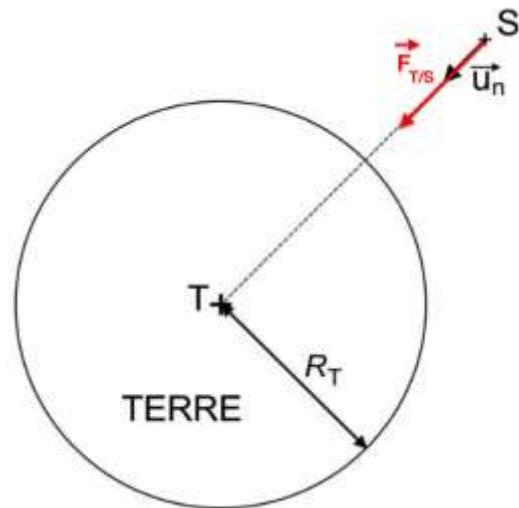
$$r > 26 \mu\text{m}$$

Pour tomber, une gouttelette doit posséder un rayon minimum de 26 μm .

B. Earthcare, un satellite pour étudier les nuages

Q.5.

$$\vec{F}_{T/S} = G \times \frac{M_S \times M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u}_N$$



Q.6.

Système : satellite

Référentiel : géocentrique supposé galiléen.

D'après la 2nd loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = M_s \vec{a}$$

$$\vec{F}_{T/S} = M_s \vec{a}$$

$$G \times \frac{M_S \times M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u}_N = M_s \vec{a}$$

$$\vec{a} = G \times \frac{M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u}_N$$

Pour un mouvement circulaire, dans le repère de Frenet, le vecteur accélération est de la forme:

$$\vec{a} = \frac{v^2}{R_T + h} \vec{u}_N + \frac{dv}{dt} \vec{u}_T$$

L'accélération étant unique, par identification :

$$\frac{dv}{dt} = 0$$

donc la vitesse est constante : le mouvement est uniforme

Q.7.

$$\vec{a} = G \times \frac{M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u}_N$$

Pour un mouvement circulaire, dans le repère de Frenet, le vecteur accélération est de la forme:

$$\vec{a} = \frac{v^2}{R_T + h} \vec{u}_N + \frac{dv}{dt} \vec{u}_T$$

L'accélération étant unique, par identification :

$$\frac{v^2}{R_T + h} = G \times \frac{M_T}{(R_T + h)^2}$$

$$v^2 = G \times \frac{M_T}{R_T + h}$$

$$v = \sqrt{G \times \frac{M_T}{R_T + h}}$$

$$v = \sqrt{\frac{G \times M_T}{R_T + h}}$$

Q.8.

La période de révolution est :

$$T = \frac{\text{Périmètre d'un cercle}}{\text{vitesse}} = \frac{2\pi R}{v} = \frac{2\pi(R_T + h)}{\sqrt{\frac{G \times M_T}{R_T + h}}} = 2\pi(R_T + h) \sqrt{\frac{(R_T + h)}{G \times M_T}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{(R_T + h)^2 \frac{(R_T + h)}{G \times M_T}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \times M_T}}$$

Q.9.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \times M_T}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(6,37 \times 10^3 + 390 \times 10^3)^3}{6,67 \times 10^{-11} \times 5,97 \times 10^{24}}}$$

$$T = 5,53 \times 10^3 \text{ s}$$

Le satellite effectue un tour en $5,53 \times 10^3$ s.

1 tour	$5,53 \times 10^3$ s
N tours	1 jour = $24 \times 60 \times 60$ s

$$N = \frac{24 \times 60 \times 60 \times 1}{5,53 \times 10^3}$$

$$N = 15,6 \text{ tours} \approx 16 \text{ tours}$$

La valeur la période de révolution T est en accord avec la phrase d'introduction : « Le satellite effectuera environ 16 fois le tour de la Terre chaque jour. »

C. Radar profileur de nuage

Q.10.

Pour obtenir un signal exploitable, la longueur d'onde des ondes électromagnétiques émises par le CPR doit être supérieure à dix fois celle du diamètre des gouttelettes.

Calculons la longueur d'onde des ondes électromagnétiques émises par le CPR :

$$\lambda = \frac{c}{f_e}$$
$$\lambda = \frac{3,00 \times 10^8}{94,05 \times 10^9}$$
$$\lambda = 3,2 \times 10^{-3} \text{ m}$$

Les gouttelettes ont un diamètre qui est de l'ordre de 10 à 100 μm .

Dix fois le diamètre des gouttelettes :

$$10 d = 10 \times 100 \mu\text{m} = 10 \times 100 \times 10^{-6} = 1,0 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$\lambda > 10 d$: le signal est donc exploitable.

Q.11.

Le satellite EarthCARE est situé à 390 km d'altitude à la verticale d'un nuage. Le nuage est situé à une altitude moyenne de 2 km.

Distance entre le satellite et le nuage :

$$390 - 2 = 388 \text{ km}$$

Distance aller-retour entre le satellite et le nuage :

$$2 \times 388 \text{ km} = 776 \text{ km}$$

Calculons le temps d'un aller-retour des ondes électromagnétiques entre le satellite et le nuage :

$$c = \frac{d_{\text{aller-retour}}}{\Delta t}$$
$$\Delta t = \frac{d_{\text{aller-retour}}}{c}$$
$$\Delta t = \frac{776 \times 10^3}{3,00 \times 10^8}$$
$$\Delta t = 2,58 \times 10^{-3} \text{ s}$$

Calculons la distance parcourue par le satellite durant le temps d'un aller-retour des ondes électromagnétiques entre le satellite et le nuage :

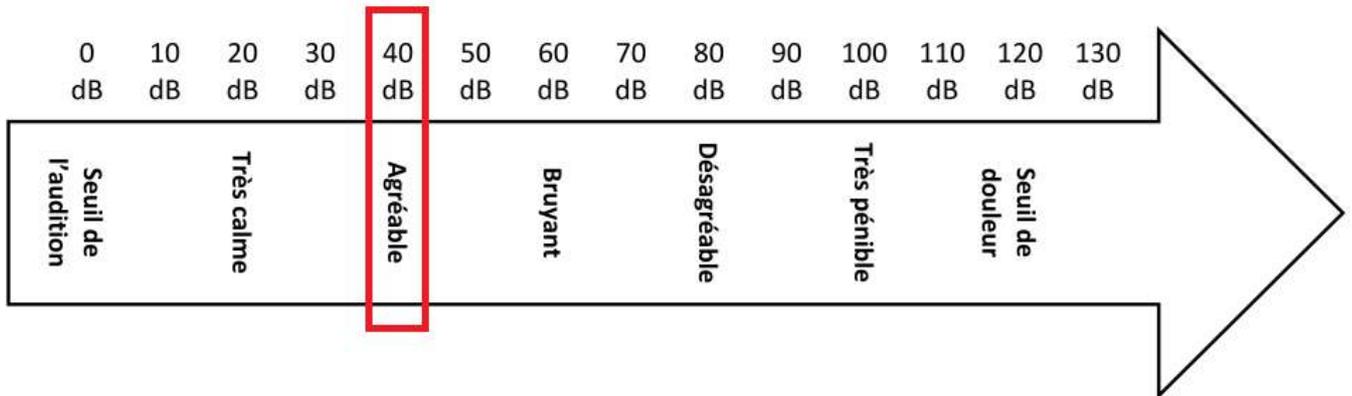
$$v = \frac{d}{\Delta t}$$
$$d = v \times \Delta t$$
$$d = 7,5 \times 10^3 \times 2,58 \times 10^{-3}$$
$$d = 19 \text{ m}$$

$$d \ll 2 \text{ km}$$

La distance parcourue par le satellite durant le temps d'un aller-retour des ondes électromagnétiques entre le satellite et le nuage est de 19m. Elle est très inférieure à la longueur du nuage.

D. Une expérience contestée

Q.12.



Pour une personne ne subisse pas de gêne liée au bruit du haut-parleur, le bruit doit être agréable soit 40 dB.

$$I = \frac{P}{S}$$

Or

$$S = 4\pi d^2$$

$$I = \frac{P}{4\pi d^2}$$

D'où

$$P = I \times 4\pi d^2$$

La puissance est la même pour d_1 et d_2 :

$$I_2 \times 4\pi d_2^2 = I_1 \times 4\pi d_1^2$$

$$d_2^2 = \frac{I_1 \times d_1^2}{I_2}$$

$$d_2 = \sqrt{\frac{I_1 \times d_1^2}{I_2}}$$

$$d_2 = \sqrt{\frac{I_1}{I_2}} \times d_1$$

Or

$$L = 10 \log\left(\frac{I}{I_0}\right)$$

$$10 \log\left(\frac{I}{I_0}\right) = L$$

$$\log\left(\frac{I}{I_0}\right) = \frac{L}{10}$$

$$\frac{I}{I_0} = 10^{\frac{L}{10}}$$

$$I = I_0 \times 10^{\frac{L}{10}}$$

$$I_1 = I_0 \times 10^{\frac{L_1}{10}}$$

$$I_2 = I_0 \times 10^{\frac{L_2}{10}}$$

D'ou

$$d_2 = \sqrt{\frac{I_1}{I_2}} \times d_1$$

$$d_2 = \sqrt{\frac{I_0 \times 10^{\frac{L_1}{10}}}{I_0 \times 10^{\frac{L_2}{10}}}} \times d_1$$

$$d_2 = \sqrt{\frac{10^{\frac{L_1}{10}}}{10^{\frac{L_2}{10}}}} \times d_1$$

$$d_2 = \sqrt{\frac{10^{\frac{160}{10}}}{10^{\frac{40}{10}}}} \times 1,0$$

$$d_2 = 1,0 \times 10^6 \text{ m}$$

$$d_2 = 1,0 \times 10^3 \text{ km}$$

$$d_2 = 1000 \text{ km}$$

Le journaliste pouvait entendre le son jusqu'à 1000 km. Quand il affirme que les ondes sonores utilisées sont à peine audibles il devait soit se trouver dans un autre pays soit il souffre de surdité pour en pas l'avoir entendu.