

### EXERCICE 3 - IMPRIMANTE À JET D'ENCRE CONTINU (5 points)

De nombreuses applications technologiques, dans des domaines très variés, reposent sur l'utilisation d'un champ électrique.

L'objectif de cet exercice est d'étudier le principe de fonctionnement des imprimantes à jet d'encre continu dévié, principalement utilisées pour imprimer les dates d'expiration figurant sur les produits alimentaires.



D'après le site [domino-printing.com](http://domino-printing.com)

On donne sur le schéma de la figure 1, le principe de fonctionnement de l'imprimante à jet d'encre continu dévié : le jet d'encre sort de la tête d'impression par une buse qui le décompose en très petites gouttes dont certaines sont chargées électriquement.

Celles-ci passent sous un déflecteur constitué de deux plaques  $P_1$  et  $P_2$  parallèles, chargées électriquement, assimilables à un condensateur plan. Ces plaques dévient les gouttes chargées de leur trajectoire initiale.

Les gouttes non chargées poursuivent quant à elles leur mouvement rectiligne vers une gouttière de recyclage et sont réintégrées dans le module d'encre afin d'être réutilisées.

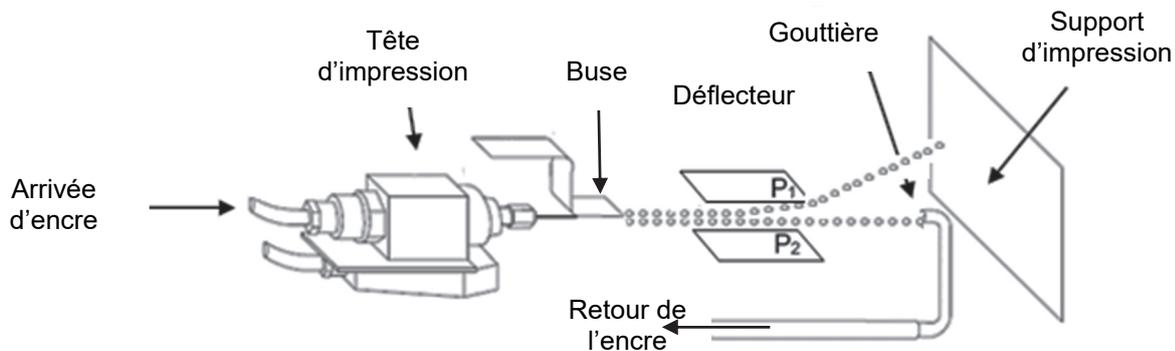


Figure 1. Schéma de principe de l'imprimante à jet d'encre continu dévié (d'après le site [timis.fr](http://timis.fr))

#### Données :

- les mouvements sont étudiés dans le référentiel terrestre supposé galiléen associé au repère  $(O, \vec{i}, \vec{k})$  représentés sur la figure 2. Les vecteurs  $\vec{i}$  et  $\vec{k}$  sont unitaires ;
- on considère que la charge électrique et la masse des gouttes d'encre restent constantes entre la buse et le support d'impression ;
- masse d'une goutte d'encre :  $m = 2 \times 10^{-10}$  kg ;
- charge électrique d'une goutte :  $q = -4 \times 10^{-13}$  C ;
- valeur de la vitesse d'éjection des gouttes d'encre :  $v_0 = 20$  m·s<sup>-1</sup> ;
- longueur des plaques du déflecteur :  $L = 2$  cm ;
- distance entre le déflecteur et le support d'impression :  $D = 3$  cm ;
- le champ électrique est supposé uniforme dans le déflecteur, il s'écrit  $\vec{E} = -E \vec{k}$  avec  $E = 9 \times 10^5$  V·m<sup>-1</sup> ;
- le champ électrique est nul à l'extérieur du déflecteur ;
- hauteur moyenne d'un caractère imprimé :  $h = 3$  mm ;
- intensité de la pesanteur :  $g = 9,81$  m·s<sup>-2</sup>.

On étudie le mouvement d'une goutte d'encre G, supposée ponctuelle, de masse  $m$  et de charge  $q$  négative.

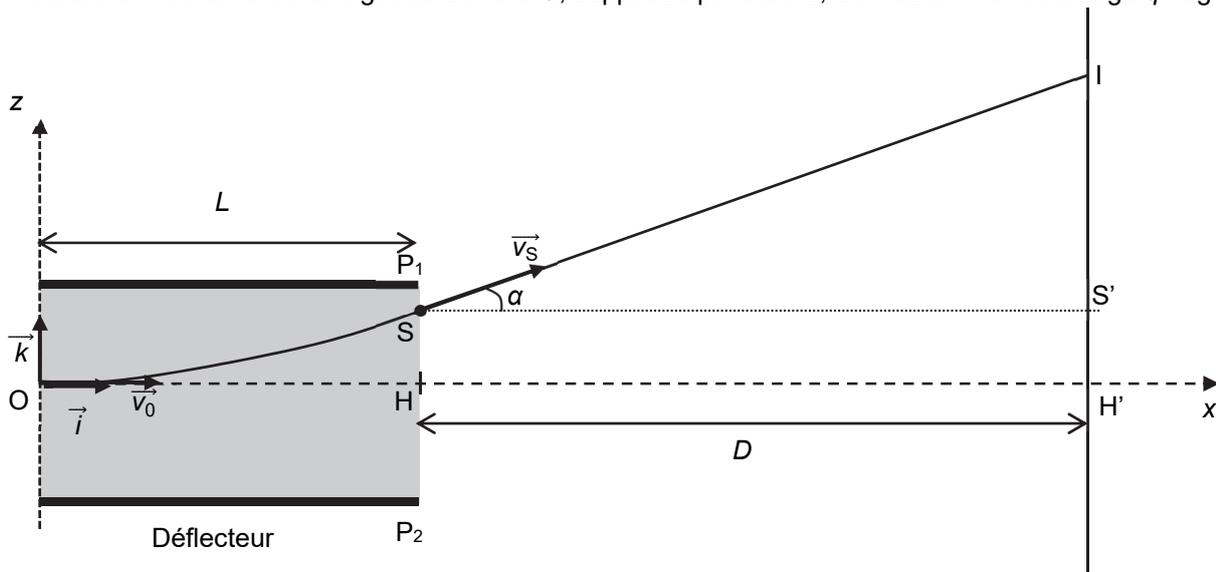


Figure 2. Schéma de la trajectoire de la goutte G

À la date  $t_0 = 0$  s, la goutte d'encre G pénètre dans la zone de champ électrique uniforme au niveau du point O avec une vitesse initiale notée  $\vec{v}_0 = v_0 \vec{i}$ .  
On suppose que l'action mécanique de l'air est négligeable devant les autres actions.

**Q1.** Indiquer les signes des charges portées par les plaques  $P_1$  et  $P_2$  sachant que la goutte chargée négativement est déviée vers le haut (sens des  $z$  croissants) puis justifier que le vecteur champ électrique  $\vec{E}$  est orienté de  $P_1$  vers  $P_2$ .

On suppose que la valeur du poids de la goutte d'encre G est négligeable par rapport à celle de la force électrique subie dans le déflecteur.

**Q2.** Établir l'expression du vecteur accélération  $\vec{a}_G$  de la goutte d'encre en fonction de la masse  $m$ , de la charge  $q$  et du vecteur champ électrique  $\vec{E}$  entre les plaques du déflecteur.

**Q3.** Montrer que les équations horaires  $x_G(t)$  et  $z_G(t)$  du mouvement de la position de la goutte d'encre G dans le déflecteur sont données par les relations :

$$\begin{cases} x_G(t) = v_0 \times t \\ z_G(t) = -\frac{1}{2} \times \frac{q \times E}{m} \times t^2 \end{cases}$$

**Q4.** Exprimer la date  $t_s$  à laquelle la goutte d'encre G sort du déflecteur puis montrer que la valeur de la déviation HS est d'environ 0,9 mm.

**Q5.** Exprimer les coordonnées du vecteur vitesse  $\vec{v}_S$  de la goutte d'encre G à la date  $t_s$ .

**Q6.** Montrer que la valeur de l'angle  $\alpha$  entre l'axe (Ox) et le vecteur vitesse  $\vec{v}_S$  est donnée par la relation :

$$\tan \alpha = -\frac{q \times E \times L}{m \times v_0^2}$$

On suppose que le mouvement de la goutte entre le point S et le support d'impression est rectiligne uniforme.

**Q7.** En déduire la valeur de la hauteur H'I du point d'impact I de la goutte sur le support d'impression. Commenter.

**Q8.** Proposer, en justifiant, plusieurs moyens permettant d'augmenter la taille du caractère imprimé sur le support d'impression.