

CLASSE : Terminale

VOIE : ☒ Générale

DURÉE DE L'EXERCICE : 1h56

EXERCICE 1 : 11 points

ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ : PHYSIQUE-CHIMIE

CALCULATRICE AUTORISÉE : ☒ Oui « type collègue »

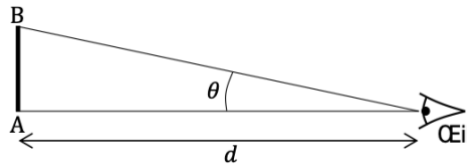
EXERCICE 1 Tissage d'une voile de bateau

Partie 1 – Observation directe

Q1-

$$\theta = \tan(\theta) = \frac{\text{Opposé}}{\text{Adjacent}}$$

$$\theta = \frac{AB}{d}$$



On considère un observateur qui regarde la toile de la voile à la distance d_m : $d = d_m$

Épaisseur des fils, caractérisée par leur diamètre a : $AB = a$

$$\theta_a = \frac{a}{d_m}$$

Q2-

$$\theta_a = \frac{a}{d_m}$$

$$\theta_a = \frac{10 \times 10^{-6}}{0,25}$$

$$\theta_a = 4,0 \times 10^{-5} \text{ rad}$$

Q3-

Pouvoir séparateur : $\varepsilon = 3,0 \times 10^{-4} \text{ rad}$

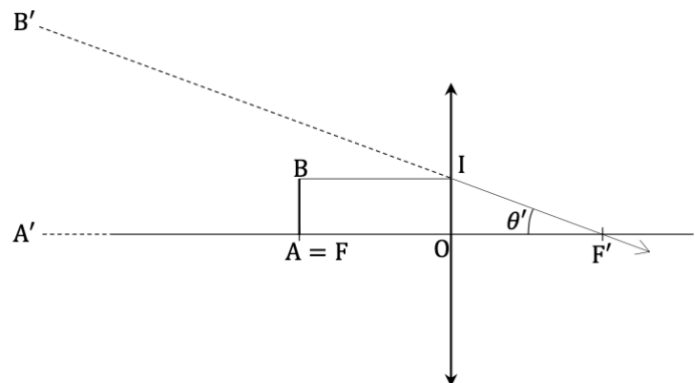
$\theta_a < \varepsilon$; l'angle est inférieur au pouvoir séparateur : l'observateur ne peut pas distinguer l'épaisseur des fils à l'œil nu.

Q4-

$$\theta'_a = \tan(\theta'_a) = \frac{\text{Opposé}}{\text{Adjacent}}$$

$$\theta'_a = \frac{OI}{OF'} = \frac{AB}{f'}$$

Or Épaisseur des fils, caractérisée par leur diamètre a : $AB = a$



$$\theta'_a = \frac{a}{f'}$$

Q5-

Pour que l'observateur puisse distinguer l'épaisseur des fils, il faut que

$$\theta'_a > \varepsilon$$

D'où

$$\frac{a}{f'} > \varepsilon$$

$$\frac{f'}{a} < \frac{1}{\varepsilon}$$

$$f' < \frac{a}{\varepsilon}$$

Q6-

$$f' < \frac{a}{\varepsilon}$$

$$f' < \frac{10 \times 10^{-6}}{3,0 \times 10^{-4}}$$

$$f' < 3,3 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$f' < 3,3 \text{ cm}$$

Ainsi, pour distinguer l'épaisseur des fils, il faut que la distance focale de la lentille utilisée soit inférieure à 3,3 cm.

L'observateur souhaite observer le tissage avec la loupe. Il dispose de trois loupes de focales respectives : 12,5 cm ; 5,0 cm ; 2,5 cm.

Une seule lentille respecte cette condition, celle de distance focale 2,5 cm.

Partie 2 – Analyse par interférences

Q7-

Au point A on observe une zone brillante, l'interférence y est donc constructive.

Au point B on observe une zone sombre, l'interférence y est donc destructive.

Q8-

L'interfrange est la distance entre le centre de deux franges brillantes consécutives ou deux franges sombres consécutives.

Q9-

Pour observer des interférences constructives, il faut que : $\delta = k \times \lambda$.

Q10-

D'après l'énoncé :

$$\delta(M) = \frac{b}{D}x$$

$$\frac{b}{D}x = \delta(M)$$

$$x = \delta(M) \times \frac{D}{b}$$

Pour des interférences constructives, il faut que :

$$\delta = k \times \lambda$$

Ainsi, pour des interférences constructives :

$$x = k \times \lambda \times \frac{D}{b}$$

L'interfrange est la distance entre le centre de deux franges brillantes consécutives ou deux franges sombres consécutives.

Ainsi :

$$i = x(k+1) - x(k)$$

$$i = \frac{(k+1) \times \lambda \times D}{b} - \frac{k \times \lambda \times D}{b}$$

$$i = \frac{(k+1) \times \lambda \times D - k \times \lambda \times D}{b}$$

$$i = \frac{k \times \lambda \times D + 1 \times \lambda \times D - k \times \lambda \times D}{b}$$

$$i = \frac{1 \times \lambda \times D}{b}$$

$$i = \frac{\lambda \times D}{b}$$

$$i = \frac{D}{b} \lambda$$

Q11-

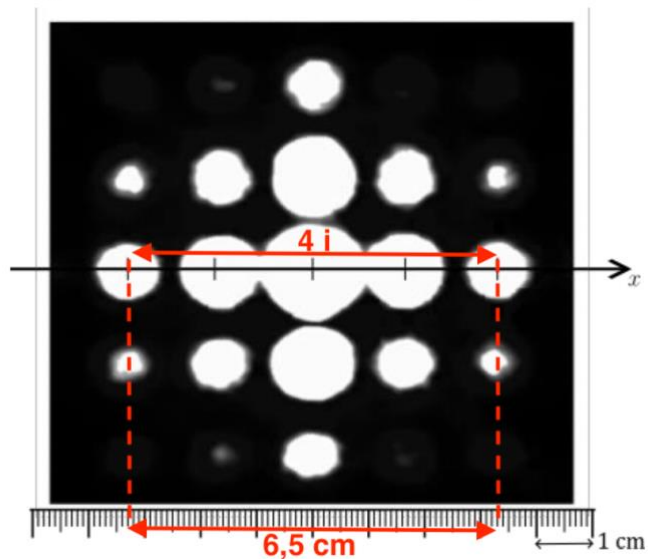
Pour déterminer i avec le plus de précision, on en mesure plusieurs et on en déduit la valeur de i :

$$4i = 6,5 \text{ cm}$$

$$i = \frac{6,5}{4}$$

$$i = 1,6 \text{ cm}$$

Document 6 – Figure d'interférence obtenue avec une portion de voile



Q12-

Lorsqu'on mesure les 4 interfranges, on le fait avec une règle graduée en mm.

On estime donc l'incertitude de lecture à 1 mm (certains estiment l'incertitude de lecture à la moitié d'une graduation soit 0,5 mm)

Ainsi :

$$u(4i) = 1 \text{ mm}$$

$$u(i) = \frac{1}{4}$$

$$u(i) = 0,25 = 0,3 \text{ mm (On ne garde qu'un chiffre significatif pour l'incertitude).}$$

Q13-

$$i = \frac{D}{b} \lambda$$

$$i \times b = D \times \lambda$$

$$b = \frac{D \times \lambda}{i}$$

$$b = \frac{0,60 \times 650 \times 10^{-9}}{1,6 \times 10^{-2}}$$

$$b = 2,44 \times 10^{-5} \text{ m (on garde 3 chiffres significatifs par rapport à l'incertitude qui arrive après)}$$

Calculons l'incertitude :

$$\frac{u(b)}{b} = \sqrt{\left(\frac{u(D)}{D}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}$$

$$u(b) = b \times \sqrt{\left(\frac{u(D)}{D}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}$$

$$u(b) = 2,44 \times 10^{-5} \times \sqrt{\left(\frac{0,01}{0,60}\right)^2 + \left(\frac{0,3 \times 10^{-3}}{1,6 \times 10^{-2}}\right)^2 + \left(\frac{10}{650}\right)^2}$$

$$u(b) = 7,2 \times 10^{-7} \text{ m} = 8 \times 10^{-7} \text{ m (On ne garde qu'un chiffre significatif pour l'incertitude).}$$

Ainsi :

$$b = 2,44 \times 10^{-5} \pm 8 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$b = (24,4 \pm 0,8) \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$b = 24,4 \pm 0,8 \text{ } \mu\text{m}$$

Q14-

Méthode 1 :

$$b = 24 \pm 0,8 \text{ } \mu\text{m}$$

$$23,6 \text{ } \mu\text{m} < b \leq 25,2 \text{ } \mu\text{m}$$

La valeur donnée par l'énoncé dans les zones soumises à de faibles contraintes, $b = 25 \text{ } \mu\text{m}$ est bien comprise dans l'intervalle.

Ainsi, la mesure obtenue à la question Q13 avec le tissage d'une zone soumise à de faibles contraintes sont compatibles.

Méthode 1 :

Calculons le z-score :

$$z = \frac{|b_{\text{exp}} - b_{\text{théorique}}|}{u(b)}$$

$$z = \frac{|24,4 - 25|}{0,8}$$

$$z = 0,75$$

Le z-score est inférieur à 2 : la mesure obtenue à la question Q13 avec le tissage d'une zone soumise à de faibles contraintes sont compatibles.

Q15-

Déterminons i :

$$2i = 6,6 \text{ cm}$$

$$i = \frac{6,6}{2}$$

$$i = 3,3 \text{ cm}$$

Déterminons b :

$$i = \frac{D}{b} \lambda$$

$$i \times b = D \times \lambda$$

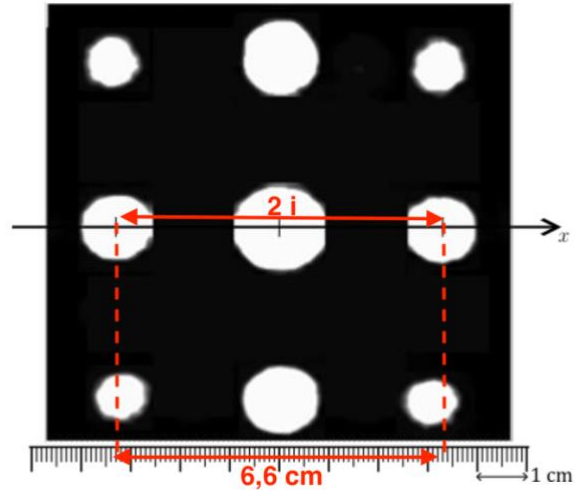
$$b = \frac{D \times \lambda}{i}$$

$$b = \frac{0,60 \times 650 \times 10^{-9}}{3,3 \times 10^{-2}}$$

$$b = 1,2 \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$b = 12 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$b = 12 \text{ } \mu\text{m}$$



D'après l'énoncé : Lorsque les contraintes sont importantes, le tissage est plus serré (b diminue) jusqu'à la valeur limite $b = 12 \text{ } \mu\text{m}$ pour les contraintes les plus fortes.

Ainsi, cette portion de voile est prévue pour supporter des contraintes plus fortes que celle étudiée précédemment.