

**Polynésie 2024 Sujet 1**  
**CORRECTION Yohan Atlan © <https://www.vecteurbac.fr/>**

**CLASSE :** Terminale

**VOIE :**  Générale

**DURÉE DE L'ÉPREUVE :** 0h53

**EXERCICE 2 :** 5 points

**ENSEIGNEMENT :** physique-chimie

**CALCULATRICE AUTORISÉE :**  Oui sans mémoire, « type collège »

**EXERCICE 2 : La protonthérapie sauve la vue**

**Mouvement du proton dans la zone A de O à M<sub>1</sub>.**

**Q1.**

Système {proton}

Référentiel terrestre supposé galiléen

D'après la deuxième loi de newton :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$$

$$\vec{F}_e = m\vec{a}$$

$$q\vec{E} = m\vec{a}$$

$$e\vec{E} = m\vec{a}$$

$$m\vec{a} = e\vec{E}$$

$$\vec{a} = \frac{e}{m} \vec{E}$$

Caractéristiques du vecteur accélération :

- Direction. Même direction que  $\vec{E}$  : horizontale (selon l'axe Ox)
- Sens. Même sens que  $\vec{E}$  : vers la droite (sens de l'axe Ox)
- Valeur :

$$a = \frac{e}{m} E$$

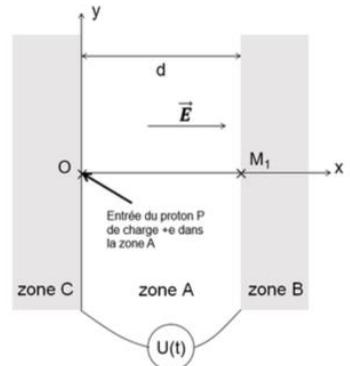
Or

$$E = \frac{|U|}{d}$$

$$a = \frac{e}{m} \times \frac{|U|}{d}$$

$$a = \frac{1,6 \times 10^{-19}}{1,67 \times 10^{-27}} \times \frac{50 \times 10^3}{1,0 \times 10^{-2}}$$

$$a = 4,8 \times 10^{14} \text{ m.s}^{-2}$$



Nature du mouvement du proton dans la zone A : le proton a un mouvement rectiligne accéléré dans la zone A.

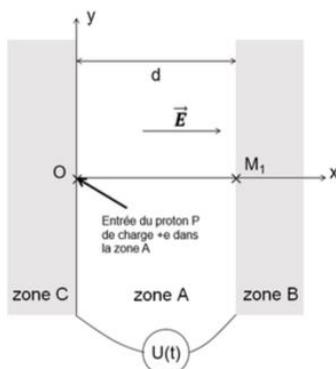
**Q2.**

$$\vec{a} = \frac{e}{m} \vec{E}$$

Or

$$\vec{E} \Big|_0^E$$

D'où



$$\vec{a} \begin{cases} a_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \\ a_{y(t)} = \frac{e}{m} \times 0 \end{cases}$$

$$\vec{a} \begin{cases} a_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \\ a_{y(t)} = 0 \end{cases}$$

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

On intègre le système d'équation précédent :

$$\vec{v} \begin{cases} v_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \times t + C_1 \\ v_{y(t)} = C_2 \end{cases}$$

Pour trouver les constantes, on utilise  $\vec{v}_0$  (À  $t=0$ , un proton entre dans la zone A, en O, sans vitesse initiale.)

$$\vec{v}_0 \begin{cases} v_{0x} = 0 \\ v_{0z} = 0 \end{cases}$$

d'où

$$\vec{v} \begin{cases} v_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \times t \\ v_{y(t)} = 0 \end{cases}$$

$$\text{Ainsi : } v_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \times t$$

Méthode 1 (un peu longue) :

$$\vec{v} = \frac{d\vec{OG}}{dt}$$

On intègre le système d'équation précédent :

$$\vec{OG} \begin{cases} x(t) = \frac{1}{2} \times \frac{e}{m} \times E \times t^2 + C_3 \\ y(t) = C_4 \end{cases}$$

Pour trouver les constantes, on utilise  $\vec{OG}_0$  (À  $t=0$ , un proton entre dans la zone A, en O.)

$$\vec{OG}_0 \begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases}$$

d'où

$$\vec{OG} \begin{cases} x(t) = \frac{1}{2} \times \frac{e}{m} \times E \times t^2 \\ y(t) = 0 \end{cases}$$

Isolons t :

$$x(t) = \frac{1}{2} \times \frac{e}{m} \times E \times t^2$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{e}{m} \times E \times t^2 = x(t)$$

$$t^2 = \frac{2 \times m \times x(t)}{e \times E}$$

$$t = \sqrt{\frac{2 \times m \times x(t)}{e \times E}}$$

Remplaçons  $t$  dans  $v_x$  :

$$v_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \times t$$

$$v_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \times \sqrt{\frac{2 \times m \times x(t)}{e \times E}}$$

$$v_{x(t)} = \sqrt{\frac{e^2}{m^2} \times E^2 \times \frac{2 \times m \times x(t)}{e \times E}}$$

$$v_{x(t)} = \sqrt{\frac{e}{m} \times E \times 2 \times x(t)}$$

Or

$$E = \frac{|U|}{d}$$

$$v_{x(t)} = \sqrt{\frac{e}{m} \times \frac{|U|}{d} \times 2 \times x(t)}$$

Au point  $M_1$ ,  $x_1=d$

$$v_{x1} = v_{x(t_1)} = \sqrt{\frac{e}{m} \times \frac{|U|}{d} \times 2 \times d}$$

$$v_{x1} = v_{x(t_1)} = \sqrt{\frac{e}{m} \times |U| \times 2}$$

$$v_{x1} = v_{x(t_1)} = \sqrt{\frac{2eU}{m}}$$

Méthode 2 (plus rapide) :

Théorème de l'énergie cinétique : La variation d'énergie cinétique entre deux points  $O$  et  $M_1$  est égale à la somme des travaux des forces :

$$\Delta E_C = \Sigma W_{OM_1}(\vec{F})$$

$$E_{C \text{ finale}} - E_{C \text{ initiale}} = W_{OM_1}(\vec{F})$$

$$E_C(M_1) - E_C(0) = \vec{F} \cdot \vec{OM_1}$$

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 - \frac{1}{2} \times m \times v_0^2 = \vec{q} \times \vec{E} \cdot \vec{OM_1}$$

À  $t=0$ , un proton entre dans la zone A, en  $O$ , sans vitesse initiale.

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 - 0 = e \times \vec{E} \cdot \vec{OM_1}$$

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 = e \times E \times OM_1 \times \cos(\alpha)$$

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 = e \times E \times OM_1 \times \cos(0)$$

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 = e \times E \times OM_1 \times 1$$

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 = e \times \frac{U}{d} \times OM_1$$

Or  $OM_1 = d$

$$\frac{1}{2} \times m \times v_1^2 = e \times U$$

$$v_1^2 = \frac{2 \times e \times U}{m}$$

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 \times e \times U}{m}}$$

**Q3.**

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 \times e \times U}{m}}$$

$$v_1 = \sqrt{\frac{2 \times 1,6 \times 10^{-19} \times 50 \times 10^3}{1,67 \times 10^{-27}}}$$

$$v_1 = 3,1 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

$$\vec{v} \left| \begin{array}{l} v_{x(t)} = \frac{e}{m} \times E \times t \\ v_{y(t)} = 0 \end{array} \right.$$

Caractéristiques du vecteur vitesse  $\vec{v}_1$ :

- Direction : horizontale (selon l'axe Ox)
- Sens : vers la droite (sens de l'axe Ox)
- Valeur :  $v_1 = 3,1 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$

**Q4.**

D'après l'énoncé : le proton est soumis à une force magnétique  $F_m$  ainsi qu'à son poids.

Système {proton}

Référentiel terrestre supposé galiléen

D'après la deuxième loi de newton :

$$\begin{aligned} \overrightarrow{\Sigma F_{ext}} &= m\vec{a} \\ \overrightarrow{F_m} + \overrightarrow{P} &= m\vec{a} \end{aligned}$$

Or d'après les données : nn néglige le poids du proton devant la force magnétique.

$$\vec{F}_m = m\vec{a}$$

$$m\vec{a} = \vec{F}_m$$

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}_m}{m}$$

Or d'après les données :

$$\vec{F}_m = (e \times v \times B) \times \vec{n}$$

$$\vec{a} = \frac{(e \times v \times B) \times \vec{n}}{m}$$

$$\vec{a} = \frac{(e \times v \times B)}{m} \times \vec{n}$$

Caractéristiques du vecteur accélération :

- Direction. Même direction que  $\vec{n}$  : radiale
- Sens. Même sens que  $\vec{n}$  : centripète

### Q5.

D'après les données :

$$\vec{a} = \frac{dv}{dt} \vec{t} + \frac{v^2}{R} \vec{n}$$

Or, d'après la question précédente Q4 :

$$\vec{a} = \frac{(e \times v \times B)}{m} \times \vec{n}$$

L'accélération étant unique, par identification :

$$\frac{v^2}{R} = \frac{(e \times v \times B)}{m}$$

$$\frac{v}{R} = \frac{e \times B}{m}$$

$$v = \frac{e \times R \times B}{m}$$

Dans notre cas  $R=R_1$  :

$$v = \frac{e \times R_1 \times B}{m}$$

### Q6.

$$v = \frac{e \times R_1 \times B}{m}$$

$$v = \frac{1,6 \times 10^{-19} \times 1,9 \times 10^{-2} \times 1,7}{1,67 \times 10^{-27}}$$

$$v = 3,1 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

D'après les données :

$$\vec{a} = \frac{dv}{dt} \vec{t} + \frac{v^2}{R} \vec{n}$$

Or, d'après la question précédente Q4 :

$$\vec{a} = \frac{(\vec{e} \times \vec{v} \times \vec{B})}{m} \times \vec{n}$$

L'accélération étant unique, par identification :

$$\frac{dv}{dt} = 0$$

Ainsi, la valeur de la vitesse  $v$  est constante, c'est pourquoi on retrouve la valeur  $v_1$  de la question Q3.

**Retour du proton dans la zone A puis entrée dans la zone C.**

**Q7.**

$$a = \frac{dv}{dt}$$

- Entre les points  $N_1$  et  $M_2$  : retour dans la zone A, la valeur du vecteur accélération sera notée  $a_A$  ;

$$a_A = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$a_A = \frac{v_{M_2} - v_{N_1}}{t_{M_2} - t_{N_1}}$$

$$a_A = \frac{4,4 \times 10^6 - 3,1 \times 10^6}{2,9 \times 10^{-8} - 2,65 \times 10^{-8}}$$

$$a_A = 5,2 \times 10^{14} \text{ m.s}^{-2}$$

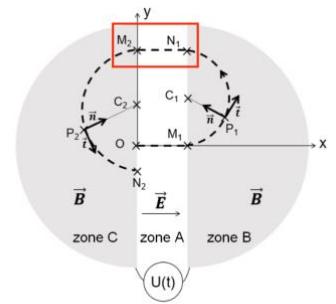


Figure 4. Trajectoire du proton pour un tour dans le cyclotron.

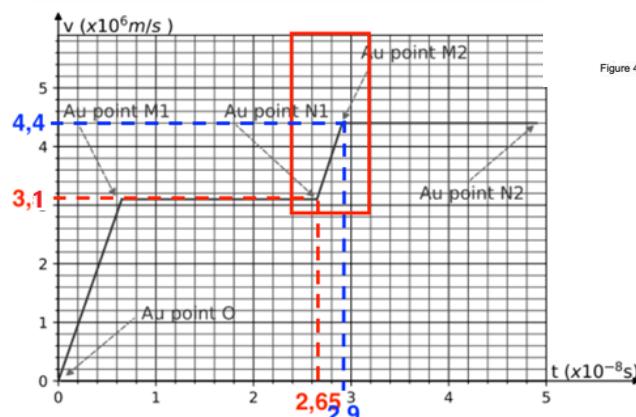
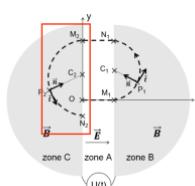


Figure 5. Valeur de la vitesse  $v$  du proton en fonction du temps.

- Entre les points  $M_2$  et  $N_2$  : passage dans la zone C, la valeur du vecteur accélération sera notée  $a_C$ .

La vitesse est constante :  $v_{N_2} = v_{M_2} = 4,4 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$ . Le mouvement est uniforme.

De plus, le mouvement est circulaire.



Pour un mouvement circulaire uniforme,

l'accélération est de la forme :

$$a_C = \frac{v^2}{R_2}$$

$$a_C = \frac{(4,4 \times 10^6)^2}{3,9 \times 10^{-2}}$$

$$a_C = 5,0 \times 10^{14} \text{ m.s}^{-2}$$

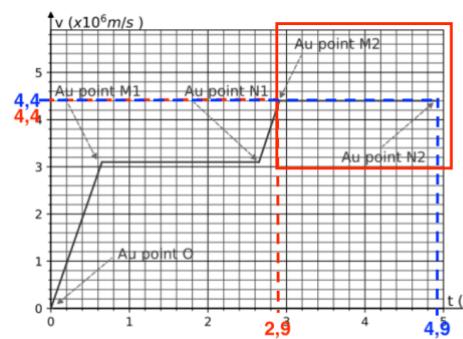


Figure 5. Valeur de la vitesse  $v$  du proton en fonction du temps.