

EXERCICE III – TENEUR EN ION SALICYLATE DANS UNE CREME (4,5 POINTS)

L'ion salicylate a pour formule chimique $C_6H_4OHCOO^-$. Il s'agit d'une espèce chimique que l'on retrouve dans certains médicaments utilisés pour traiter l'acné.

L'étiquette d'un flacon commercial de crème contenant des ions salicylate porte l'indication :

« *Ion salicylate formulé à 1000 mg pour 100 g de crème* ».

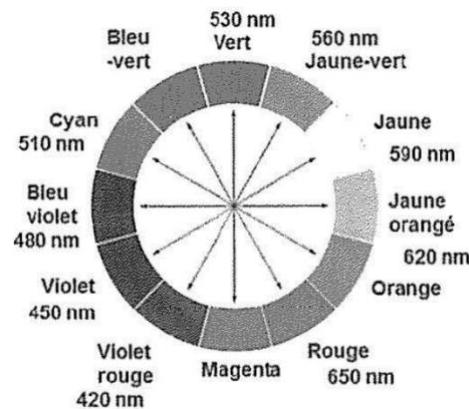
Cela correspond à un pourcentage massique $w_{ref} = 1 \%$.

Le but de cet exercice est de contrôler cette indication d'une teneur massique de 1,00 % fournie par le fabricant.

Pour simplifier, on notera HL^- l'ion salicylate dans tout l'exercice.

Données

- Masse volumique de la crème : $\rho(\text{crème}) = 860 \text{ g}\cdot\text{L}^{-1}$.
- L'ion salicylate en solution aqueuse est obtenu par dissolution du salicylate de sodium solide $NaHL$ dans l'eau ;
- Masse molaire du salicylate de sodium : $M(NaHL) = 160,1 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$.
- Masse molaire de l'ion salicylate : $M(HL^-) = 137,1 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$.
- Concentration standard : $c^\circ = 1,0 \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$.
- Cercle chromatique :



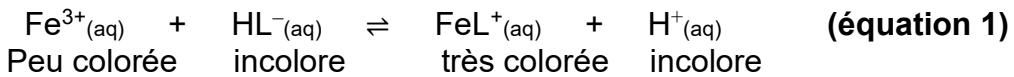
L'ion salicylate absorbe dans le domaine des ultraviolets et ne peut donc pas être détecté par un spectrophotomètre fonctionnant dans le visible. Mais lorsqu'il réagit avec des ions Fe^{3+} , l'ion salicylate HL^- forme une espèce colorée qu'il est possible de doser à l'aide du spectrophotomètre.

Dans la **partie A**, on cherche à vérifier que la réaction entre l'ion Fe^{3+} et l'ion HL^- en solution aqueuse est totale.

Dans la **partie B**, on réalise le dosage spectrophotométrique de l'espèce colorée continue.

Partie A – Étude de la réaction entre l’ion Fe^{3+} et l’ion HL^-

L’équation de cette réaction est :



On note $K = 10^{2,9}$ la constante d’équilibre de cette réaction à la température de 25°C.

On prépare une solution aqueuse S_{fer} contenant des ions Fe^{3+} en solution aqueuse de concentration $C_{\text{fer}} = 10,0 \text{ mmol} \cdot \text{L}^{-1} = [\text{Fe}^{3+}]$. Cette solution est de plus une solution tampon dont la valeur du pH est $\text{pH} = 3,0$.

On dispose d’une solution aqueuse « mère » S_0 de salicylate de sodium (Na^+ , HL^-) de concentration $C_0 = 100 \text{ mmol} \cdot \text{L}^{-1}$.

À partir de la solution S_0 , on prépare une solution diluée S_1 de concentration $C_1 = 10,0 \text{ mmol} \cdot \text{L}^{-1}$.

1. Déterminer la masse m de salicylate de sodium NaHL solide qu’il a fallu peser pour préparer un volume $V_0 = 100,0 \text{ mL}$ de la solution aqueuse S_0 de concentration C_0 .
2. Identifier dans la liste ci-dessous la verrerie à utiliser pour préparer $V_1 = 50,0 \text{ mL}$ de la solution S_1 à partir de la solution mère S_0 . Justifier à l’aide d’un calcul.

Verrerie à disposition :

- fioles jaugées de 10,0 mL et 50,0 mL
- pipettes jaugées de 2,0 mL ; 5,0 mL ; 10,0 mL et 20,0 mL

Le milieu réactionnel est obtenu en mélangeant dans un bêcher :

- un volume $V_{\text{fer}} = 10,0 \text{ mL}$ de la solution S_{fer} tamponnée de concentration C_{fer} ;
- un volume $V = 0,100 \text{ mL}$ de la solution diluée S_1 de concentration C_1 ;

3. Après avoir rappelé les propriétés d’une solution tampon, justifier que la valeur du pH du milieu réactionnel ne varie pas.
4. Compléter littéralement le tableau d’avancement de la réaction en **annexe à rendre avec la copie**. On note $x_{\text{éq}}$ l’avancement à l’état d’équilibre, exprimé en mol.
5. Montrer qu’à l’équilibre du système chimique, la constante d’équilibre K de cette réaction peut se mettre sous la forme : $K = \frac{x_{\text{éq}} \times [\text{H}^+] \times (V + V_{\text{fer}})}{(C_{\text{fer}} \times V_{\text{fer}} - x_{\text{éq}}) \times (C_1 \times V - x_{\text{éq}})}$

L’application numérique conduit à l’égalité suivante (qui n’est pas à démontrer) :

$$K = 10^{2,9} = \frac{x_{\text{éq}} \times 1,01 \times 10^{-5}}{(1,00 \times 10^{-6} - x_{\text{éq}}) \times (1,0 \times 10^{-4} - x_{\text{éq}})}.$$

Mathématiquement, cette équation en $x_{\text{éq}}$ admet deux solutions que l’on peut écrire :

$$x_1 = 9,999 \times 10^{-7} \text{ mol} \quad \text{et} \quad x_2 = 9,999 \times 10^{-5} \text{ mol}.$$

6. Indiquer pourquoi il convient de ne retenir que la valeur x_1 et déduire de cette valeur que la réaction peut être considérée comme totale.

Partie B – Dosage spectrophotométrique des ions salicylate HL^-

La **partie A** a permis de conclure que la réaction entre l'ion Fe^{3+} et l'ion HL^- peut être considérée comme totale. Pour la réaction d'**équation 1**, on a donc l'égalité :

$$n(\text{FeL}^+)_{(\text{produit})} = n(\text{HL}^-)_{(\text{réagi})}$$

L'espèce produite FeL^+ est dosée par spectrophotométrie et étalonnage.

Le spectre d'absorption de l'espèce FeL^+ est présenté sur la **figure 1** ci-dessous.

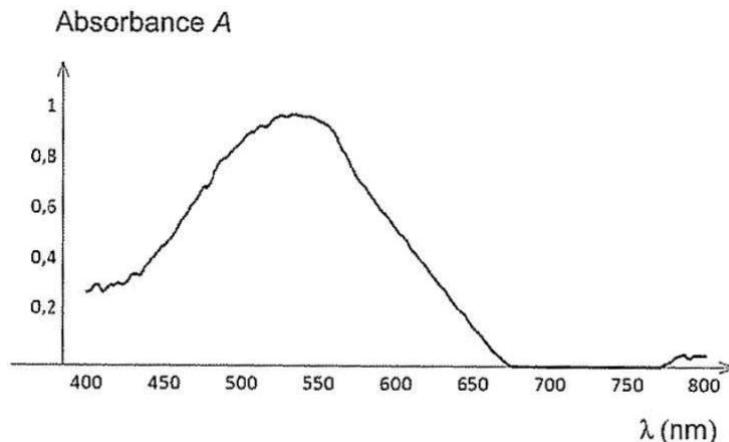


Figure 1 – Spectre d'absorption de l'espèce FeL^+

Pour tracer la courbe d'étalonnage, on a préparé cinq solutions étalons en mélangeant :

- un volume $V_{\text{fer}} = 10,0 \text{ mL}$ de solution S_{fer} ;
- un volume $V = 0,100 \text{ mL}$ d'une solution de salicylate de sodium de concentration C_i connue ;

Pour $\lambda_{\text{max}} = 535 \text{ nm}$, on a mesuré l'absorbance de chaque solution étalon, ce qui a permis de tracer le graphique en **figure 2** présentant l'évolution de l'absorbance en fonction de la concentration en ion HL^- .

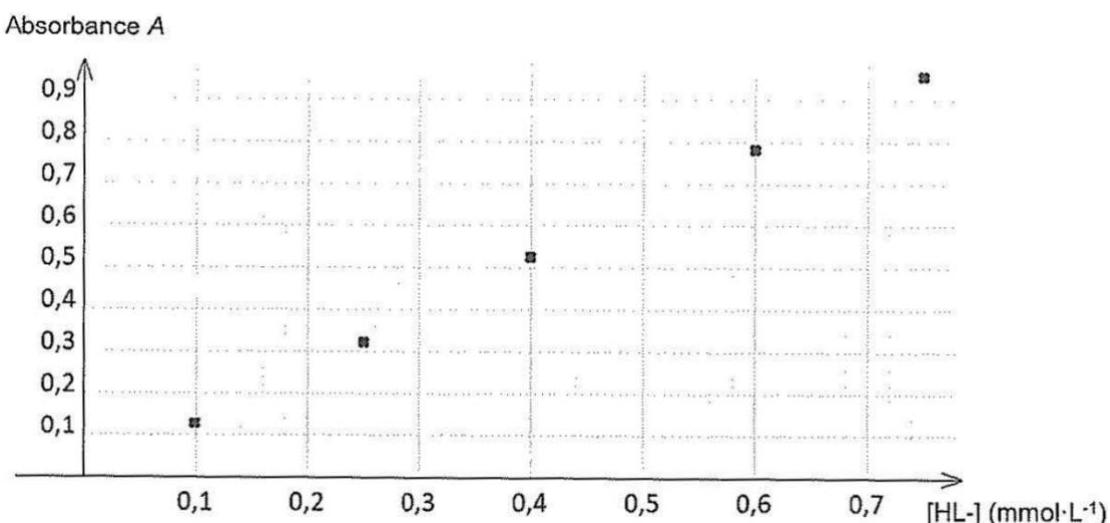


Figure 2 – Courbe d'étalonnage de l'espèce HL^-

Pour déterminer la teneur en ion salicylate HL^- dans la crème étudiée, on mesure l'absorbance d'une solution test préparée de la même manière que les solutions étalons, soit en mélangeant :

- un volume $V_{crème} = 0,100 \text{ mL}$ de la crème étudiée contre l'acné ;
- un volume $V_{fer} = 10,0 \text{ mL}$ de solution S_{fer} .

L'absorbance mesurée à $\lambda = 535 \text{ nm}$ de cet échantillon a pour valeur : $A_{crème} = 0,83$.

7. Indiquer la couleur de l'espèce chimique FeL^+ à partir de son spectre d'absorption (**figure 1**).

8. À partir de la **figure 2**, déterminer la quantité de matière en ion salicylate HL^- présente dans la crème et en déduire le pourcentage massique mesuré w_{mes} en ions salicylate dans la crème contre l'acné.

Il est possible de comparer une valeur expérimentale (w_{mes}) à la valeur de référence (w_{ref}) en utilisant le quotient $\frac{|w_{mes} - w_{ref}|}{u(w)}$, où $u(w)$ est l'incertitude-type sur le résultat expérimental.

Dans le cas présent, on considère que la valeur mesurée w_{mes} est compatible avec la valeur w_{ref} si le quotient est inférieur ou égal à 2.

On admet que, pour ce dosage, $u(w) = 0,02 \text{ \%}$.

9. Comparer le résultat obtenu expérimentalement à celui indiqué sur l'étiquette du flacon.

ANNEXE A RENDRE AVEC LA COPIE

EXERCICE III

Question 4

Tableau d'avancement en quantité de matière du milieu réactionnel (réaction d'**équation 1**).

On note $x_{\text{éq}}$ l'avancement à l'état d'équilibre, en mol.

Équation	$\text{Fe}^{3+}_{(\text{aq})}$	+	$\text{HL}^{-}_{(\text{aq})}$	\rightleftharpoons	$\text{FeL}^{+}_{(\text{aq})}$	+	$\text{H}^{+}_{(\text{aq})}$
État initial	$C_{\text{fer}} \times V_{\text{fer}}$		$C_1 \times V$		0		$n(\text{H}^+)$ constante
État d'équilibre							