

CLASSE : Terminale

VOIE : Générale

DURÉE DE L'EXERCICE : 0h53

EXERCICE 3 : 5 points

ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ : PHYSIQUE-CHIMIE

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui « type collègue »

EXERCICE 3 : La Wemba-mania

Q1.

D'après le graphique figure 2 l'écart entre les positions x en fonction du temps est constant : le mouvement est uniforme sur l'axe Ox .

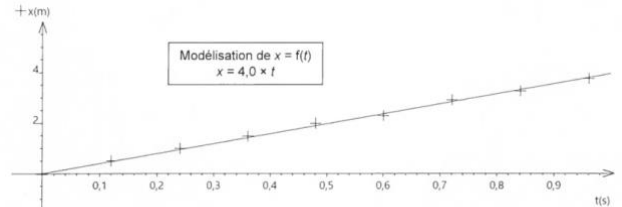


Figure 2 – Évolution de la coordonnée x du ballon en fonction du temps t

Q2.

D'après le graphique figure 2 : $x(t) = 4,0 \times t$

Or

$$v_{x(t)} = \frac{dx(t)}{dt}$$

$$v_{x(t)} = \frac{d(4,0 \times t)}{dt}$$

$$v_x = 4,0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

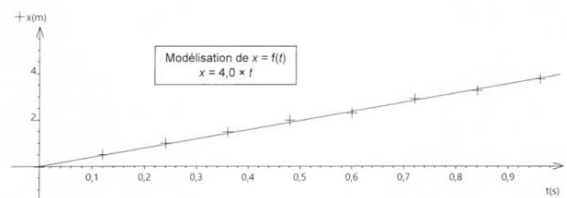


Figure 2 – Évolution de la coordonnée x du ballon en fonction du temps t

Q3.

On peut déterminer v_{y0} :

- Graphiquement quand $t=0$ s : $v_{y0} = 5,0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$
- A l'aide de la modélisation $v_y = -9,7 \times t + 5,0$.

Quand $t=0$ s :

$$v_y(t = 0) = -9,7 \times 0 + 5,0$$

$$v_y(t = 0) = 5,0$$

$$v_{y0} = 5,0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

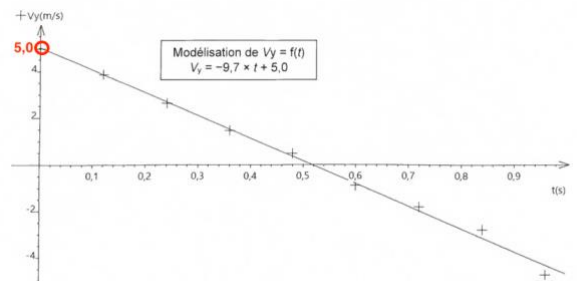


Figure 3 – Évolution de la coordonnée v_y de la vitesse du ballon en fonction du temps t

Q4.

$$v_0 = \sqrt{v_{x0}^2 + v_{y0}^2}$$

$$v_0 = \sqrt{4,0^2 + 5,0^2}$$

$$v_0 = 6,4 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$v_{0y} = v_0 \sin \alpha$$

$$v_0 \sin \alpha = v_{0y}$$

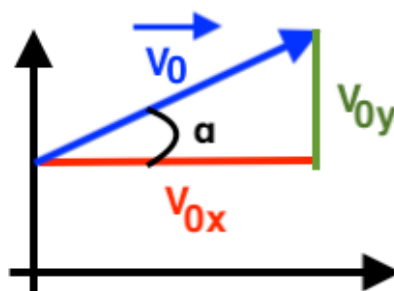
$$\sin \alpha = \frac{v_{0y}}{v_0}$$

$$\sin \alpha = \frac{5,0}{6,4}$$

$$\sin \alpha = 0,78$$

$$\alpha = \sin^{-1} 0,78$$

$$\alpha = 51^\circ$$



Q5

Système {Ballon}

Référentiel terrestre supposé galiléen

D'après la deuxième loi de Newton :

$$\begin{aligned}\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} &= m\vec{a} \\ \vec{P} &= m\vec{a} \\ m\vec{g} &= m\vec{a} \\ \vec{g} &= \vec{a}\end{aligned}$$

Or

$$\vec{g} \begin{cases} 0 \\ -g \end{cases}$$

Le vecteur accélération du centre d'inertie du ballon est égal au vecteur champ de pesanteur.

$$\vec{a} \begin{cases} a_x(t) = 0 \\ a_y(t) = -g \end{cases}$$

Q6.

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

On intègre le système d'équation précédent :

$$\vec{v} \begin{cases} v_x(t) = C_1 \\ v_y(t) = -gt + C_2 \end{cases}$$

Pour trouver les constantes, on utilise \vec{v}_0

$$\vec{v}_0 \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cos \alpha \\ v_{0y} = v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

D'où

$$\vec{v} \begin{cases} v_x(t) = v_0 \cos \alpha \\ v_z(t) = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

Or

$$\vec{v} = \frac{d\vec{OG}}{dt}$$

On intègre le système d'équation précédent :

$$\vec{OG} \begin{cases} x(t) = v_0 \cos(\alpha) \times t + C_3 \\ y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin(\alpha) \times t + C_4 \end{cases}$$

Pour trouver les constantes, on utilise \vec{OG}_0

$$\vec{OG}_0 \begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = h \end{cases}$$

d'où

$$\vec{OG} \begin{cases} x(t) = v_0 \cos(\alpha) \times t \\ y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin(\alpha) \times t + h \end{cases}$$

$$\vec{OG} \begin{cases} x(t) = 6,4 \times \cos(51) \times t \\ y(t) = -\frac{1}{2} \times 9,81 \times t^2 + 6,4 \times \sin(51) \times t + 3,05 \end{cases}$$

$$\vec{OG} \begin{cases} x(t) = 4,0 \times t \\ y(t) = -4,9 \times t^2 + 5,0 \times t + 3,05 \end{cases}$$

Q7.

Isolons t :

$$x(t) = 4,0 \times t$$

$$4,0 \times t = x$$

$$t = \frac{x}{4,0}$$

Remplaçons t dans y :

$$y(t) = -4,9 \times t^2 + 5,0 \times t + 3,05$$

$$y(x) = -4,9 \times \left(\frac{x}{4,0}\right)^2 + 5,0 \times \frac{x}{4,0} + 3,05$$

$$y(x) = -4,9 \times \frac{x^2}{4,0^2} + \frac{5,0}{4,0} \times x + 3,05$$

$$y(x) = \frac{-4,9}{4,0^2} \times x^2 + \frac{5,0}{4,0} \times x + 3,05$$

$$y(x) = -0,31x^2 + 1,3x + 3,05$$

Q8.

D'après l'énoncé : les joueurs doivent marquer un panier en se tenant derrière la ligne de lancer franc située à 4,2 m du centre du panier.

Calculons l'altitude y pour x=4,2 m :

$$y(x) = -0,31x^2 + 1,3x + 3,05$$

$$y(x = 4,2) = -0,31 \times 4,2^2 + 1,3 \times 4,2 + 3,05$$

$$y(x = 4,2) = 3,04 \text{ m}$$

Or la distance au sol du cerceau métallique du panier : h = 3,05 m.

Le centre du ballon passe au centre du cerceau métallique du panier : le lancer franc est réussi.

Le diamètre du ballon est d = 25 cm et le diamètre du panier est D = 0,45 m = 45 cm.

Il y a 20 cm de plus que le diamètre du ballon. Or le centre du ballon passe au centre du cerceau métallique du panier. Il y a donc 10 cm de chaque côté du ballon entre le ballon et le cerceau métallique du panier

Ainsi, le lancer franc est réussi sans toucher le cercle métallique du panier.