

CLASSE : Terminale

EXERCICE B : au choix du candidat (10 points)

VOIE :  Générale

ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ : Sciences de l'ingénieur- Partie Sciences physiques

DURÉE DE L'EXERCICE : 30 min

CALCULATRICE AUTORISÉE :  Oui « type collège »

**EXERCICE B : Bilan thermique d'un avion en altitude de croisière (10 points)**

**Q1.**

Le transfert thermique se fait du corps chaud vers le corps froid.

La température de la surface interne du fuselage  $T_{\text{int}} = 20\text{ °C}$

La température de la surface externe du fuselage  $T_{\text{ext}} = -53\text{ °C}$

Ainsi, le transfert thermique par conduction se fait de l'intérieur et l'extérieur du fuselage.

**Q2.**

$$\phi_{\text{cond}} = \frac{\Delta T}{R_{\text{th}}}$$

Or

$$R_{\text{th}} = \frac{e}{2\pi\lambda rL}$$

$$\phi_{\text{cond}} = \frac{\Delta T}{\frac{e}{2\pi\lambda rL}}$$

$$\phi_{\text{cond}} = \Delta T \times \frac{2\pi\lambda rL}{e}$$

$$\phi_{\text{cond}} = (T_{\text{int}} - T_{\text{ext}}) \times \frac{2\pi\lambda rL}{e}$$

**Q3.**

$$\phi_{\text{cond}} = (T_{\text{int}} - T_{\text{ext}}) \times \frac{2\pi\lambda rL}{e}$$

$$\phi_{\text{cond}} = (20 - (-53)) \times \frac{2 \times \pi \times 0,030 \times 2,8 \times 60}{0,30}$$

$$\phi_{\text{cond}} = 7,7 \times 10^3 \text{ W}$$

$$\phi_{\text{cond}} = 7,7 \text{ kW}$$

**Q4.**

$$C_{\text{air}} = m_{\text{air}} \times c_{\text{air}}$$

Or :

$$\rho_{\text{air}} = \frac{m_{\text{air}}}{V}$$

$$\frac{m_{\text{air}}}{V} = \rho_{\text{air}}$$

$$m_{\text{air}} = \rho_{\text{air}} \times V$$

D'ou

$$C_{\text{air}} = \rho_{\text{air}} \times V \times c_{\text{air}}$$

$$C_{\text{air}} = 1,3 \times 1,4 \times 10^3 \times 1,0 \times 10^3$$

$$C_{\text{air}} = 1,8 \times 10^6 \text{ J.K}^{-1}$$

Cette valeur est proche de la capacité thermique de l'habitacle :  $C = 1,9 \times 10^6 \text{ J.K}^{-1}$

### Q5.

En régime permanent, la température de l'air de l'habitacle est constante.

Ainsi la variation d'énergie interne est nulle :  $\Delta U = 0$

Le premier principe :

$$\Delta U = Q + W$$

Or  $W = 0$  et  $\Delta U = 0$

$$0 = Q + 0$$

$$Q = 0$$

Or

$$\Phi = \frac{Q}{\Delta t}$$

$$\frac{Q}{\Delta t} = \Phi$$

$$Q = \Phi \times \Delta t$$

D'où

$$\Phi \times \Delta t = 0$$

Or

$$\Phi = \Phi_{\text{systeme}}$$

L'air de l'habitacle :

- reçoit la puissance  $P_{\text{pass}}$  fournie par les passagers donc compté positivement ;
- reçoit la puissance  $P_{\text{CVC}}$  donc compté positivement
- perd la puissance thermique  $\Phi_{\text{cond}}$  par conduction vers l'extérieur donc compté négativement

Donc :

$$\Phi_{\text{systeme}} = P_{\text{pass}} + P_{\text{CVC}} - \Phi_{\text{cond}} = 0$$

$$P_{\text{CVC}} = \Phi_{\text{cond}} - P_{\text{pass}}$$

### Q6.

$$P_{\text{CVC}} = \Phi_{\text{cond}} - P_{\text{pass}}$$

$$P_{\text{CVC}} = 7,7 - 14$$

$$P_{\text{CVC}} = -6,3 \text{ kW}$$

Le signe négatif signifie que le dispositif de CVC doit recevoir de l'énergie thermique de l'air de l'habitacle.

Donc il doit fonctionner en mode climatisation.

### Q7.

$$\Delta U = C \times \Delta T$$

$$\Delta U = C \times (T_{\text{def}} - T_{\text{int}})$$

$$C \times (T_{\text{def}} - T_{\text{int}}) = \Delta U$$

$$T_{\text{def}} - T_{\text{int}} = \frac{\Delta U}{C}$$

$$T_{\text{def}} = \frac{\Delta U}{C} + T_{\text{int}}$$

Or

$$P_{cvc} = \frac{\Delta U}{\Delta t}$$

$$\frac{\Delta U}{\Delta t} = P_{cvc}$$

$$\Delta U = P_{cvc} \times \Delta t$$

D'où

$$T_{def} = \frac{P_{cvc} \times \Delta t}{C} + T_{int}$$

$$T_{def} = \frac{6,3 \times 10^3 \times 1 \times 3600}{1,9 \times 10^6} + 20$$

$$T_{def} = 32 \text{ } ^\circ\text{C}$$